

Минобрнауки России

Бузулукский гуманитарно-технологический институт (филиал)  
федерального государственно бюджетного образовательного учреждения  
высшего образования  
**«Оренбургский государственный университет»**

Кафедра педагогического образования

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

ДИСЦИПЛИНЫ

«*Б.1.Б.7 Математика*»

Уровень высшего образования

БАКАЛАВРИАТ

Направление подготовки

23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов  
(код и наименование направления подготовки)

Сервис транспортных и технологических машин и оборудования (нефтегазодобыча)  
(наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Квалификация

Бакалавр

Форма обучения

Заочная

Год набора 2020

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры

педагогического образования

*наименование кафедры*

протокол № 6 от "10" 04 2020г. .

Декан

*подпись*

О.Н. Григорьева

*расшифровка подписи*

*Исполнители:*

ст. преподаватель

*должность*

*подпись*

С.А. Литвинова

*расшифровка подписи*

*должность*

*подпись*

*расшифровка подписи*

**СОГЛАСОВАНО:**

Председатель методической комиссии по направлению подготовки

23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов

А.В. Спирин

*код наименование*

*личная подпись*

*расшифровка подписи*

Заведующий библиотекой

*личная подпись*

*расшифровка подписи*

Т.А. Лопатина

## **1 Цели и задачи освоения дисциплины**

### **Цель (цели) освоения дисциплины:**

Формирование математической культуры студентов; овладение системой математических знаний и умений, необходимых для применения в профессиональной деятельности, изучения смежных дисциплин и продолжения образования; формирование у студента требуемого набора компетенций, соответствующих его специализации и обеспечивающих его конкурентоспособность на рынке труда.

### **Задачи:**

- приобретение обучающимся знаний в области теоретических основ алгебры, аналитической геометрии, математического анализа, теории вероятностей и математической статистики, как теоретической базы для изучения последующих дисциплин профессионального цикла;
- получение представления о ценности математики, как науки и ее роли в естественнонаучных и инженерно-технических исследованиях;
- приобретение обучающимся навыков реализации теоретических знаний на практике; умения решать типовые задачи, соответствующие изучаемым разделам; использования математических методов при решении задач будущей профессиональной деятельности.

## **2 Место дисциплины в структуре образовательной программы**

Дисциплина относится к базовой части блока 1 «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: *Отсутствуют*

Постреквизиты дисциплины: *Б.1.Б.19 Экономическая теория, Б.1.Б.28 Специальные главы математики*

## **3 Требования к результатам обучения по дисциплине**

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения

Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	Формируемые компетенции
<p><b>Знать:</b></p> <ul style="list-style-type: none"><li>- основные понятия и методы линейной алгебры, аналитической геометрии, векторной алгебры, математического анализа, дифференциального и интегрального исчисления, основы теории вероятностей и математической статистики для решения стандартных задач профессиональной деятельности.</li></ul> <p><b>Уметь:</b></p> <ul style="list-style-type: none"><li>- применять основные элементарные математические модели для решения учебных задач под руководством преподавателя;</li><li>- самостоятельно применять основные элементарные математические модели для решения учебных задач;</li><li>- самостоятельно применять основные элементарные математические модели для решения учебных задач профессиональной направленности.</li></ul> <p><b>Владеть:</b></p> <ul style="list-style-type: none"><li>- способностью к восприятию информации, обобщению и анализу;</li><li>- методами математического описания физических и экономических явлений и процессов в профессии.</li></ul>	ОПК-3 готовность применять систему фундаментальных знаний (математических, естественнонаучных, инженерных и экономических) для идентификации, формулирования и решения технических и технологических проблем эксплуатации транспортно-технологических машин и комплексов

## 4 Структура и содержание дисциплины

### 4.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 9 зачетных единиц (324 академических часов).

Вид работы	Трудоемкость, академических часов			
	1 семестр	2 семестр	3 семестр	всего
<b>Общая трудоёмкость</b>	<b>126</b>	<b>126</b>	<b>72</b>	<b>324</b>
<b>Контактная работа:</b>	<b>17,5</b>	<b>16,5</b>	<b>17,5</b>	<b>51,5</b>
Лекции (Л)	8	8	4	20
Практические занятия (ПЗ)	8	8	12	28
Консультации	1		1	2
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	0,5	0,5	0,5	1,5
<b>Самостоятельная работа:</b> - выполнение контрольной работы (КонтрР); - самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий); - выполнение индивидуального творческого задания (ИТЗ); - подготовка к практическим занятиям.	<b>108,5</b> +	<b>109,5</b> +	<b>54,5</b> +	<b>272,5</b>
<b>Вид итогового контроля (зачет, экзамен, дифференцированный зачет)</b>	<b>экзамен</b>	<b>зачет</b>	<b>экзамен</b>	

Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов			
		всего	аудиторная работа		внеауд. работа
			Л	ПЗ	
1	Линейная алгебра	26	2	2	22
2	Векторная алгебра	22	2		20
3	Аналитическая геометрия	28	2	2	24
4	Введение в анализ	24		2	22
5	Дифференциальное и интегральное исчисление функций одной переменной	26	2	2	22
	Итого:	126	8	8	110

Разделы дисциплины, изучаемые во 2 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов			
		всего	аудиторная работа		внеауд. работа
			Л	ПЗ	
5	Дифференциальное и интегральное исчисление функций одной переменной	42	2	2	38
6	Дифференциальное и интегральное исчисление функций нескольких переменных	40	2	2	36
7	Обыкновенные дифференциальные уравнения	44	4	4	36
	Итого:	126	8	8	110

## Разделы дисциплины, изучаемые в 3 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов			
		всего	аудиторная работа		внеауд. работа
			Л	ПЗ	
8	Числовые и функциональные ряды	22	2	2	18
9	Теория вероятностей	26		6	20
10	Основные понятия и методы математической статистики	24	2	4	18
	Итого:	72	4	12	56
	Всего:	324	20	26	276

## 4.2 Содержание разделов дисциплины

### Раздел № 1 Линейная алгебра

Матрицы, действия над ними. Понятие об определителе любого порядка, свойства определителей. Обратная матрица, ранг матрицы. Решение невырожденных систем и линейных алгебраических уравнений с  $n$  неизвестными. Системы линейных уравнений. Матричная запись. Правило Крамера. Матричный способ решения невырожденной системы линейных алгебраических уравнений. Решение систем  $m$  линейных алгебраических уравнений с  $n$  неизвестными. Исследование систем линейных уравнений. Метод Гаусса. Билинейные и квадратичные формы. Понятие об итерационных методах решения систем уравнений.

### Раздел № 2 Векторная алгебра

Векторная алгебра. Векторы, линейные операции над векторами. Линейная зависимость векторов и независимость векторов. Базисы в  $R^2$  и  $R^3$ . Разложение вектора по базису. Проекция вектора на ось. Прямоугольный базис. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов, их свойства, вычисление, применение. Условие коллинеарности, перпендикулярности и компланарности векторов. Линейные операторы. Матрица линейного оператора. Собственные значения и собственные векторы. Линейные операции над векторами. Норма вектора в евклидовом пространстве. Скалярное произведение векторов. Векторное произведение векторов. Смешанное произведение векторов.

### Раздел № 3 Аналитическая геометрия

Прямая линия на плоскости. Уравнение прямой линии на плоскости. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Расстояние от точки до плоскости. Кривые второго порядка: эллипс, гипербола, парабола. Общее задание кривых второго порядка и приведение их уравнений к каноническому виду.

Прямая и плоскость в пространстве. Плоскость в пространстве, её уравнения. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей. Расстояние от точки до плоскости. Прямая в пространстве. Поверхности второго порядка: эллипсоид, гиперболоиды, параболоиды.

### Раздел № 4 Введение в анализ

Множества, операции над ними. Действительные числа. Числовые множества. Множество комплексных чисел. Промежутки действительных чисел. Окрестности. Верхняя и нижняя грани числовых множеств. Предел функции в точке, предел функции на бесконечности; односторонние пределы; замечательные пределы; бесконечно малые функции, их свойства; сравнение бесконечно малых; применение эквивалентных бесконечно малых к вычислению пределов.

Непрерывность функций в точке; арифметические действия над непрерывными функциями; непрерывность функции на отрезке; классификация точек разрыва функции. Кусочно-непрерывные функции. Основные свойства непрерывных функций.

### Раздел № 5 Дифференциальное и интегральное исчисление функций одной переменной

Понятие функции дифференцируемой в точке, производная в точке, дифференциал функции, их геометрический смысл, механический смысл производной; правила дифференцирования; производные и дифференциалы высших порядков; формула Лейбница. Основные теоремы дифференциального исчисления и их приложения: теоремы Ролля, Лагранжа и Коши; формула Тейлора с остаточным членом. Правило Лопитала. Признак монотонности функции, экстремумы функции, отыска-

ние наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке; выпуклость функции, точки перегиба; асимптоты графика функций. Общая схема исследования функции и построения ее графика. Первообразная, неопределенный интеграл, его свойства; методы интегрирования. Интегрирование рациональных функций; интегрирование некоторых простейших иррациональных и трансцендентных функций. Определенный интеграл и его свойства. Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница. Методы интегрирования определенного интеграла, приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы I рода, их вычисление и признаки сходимости. Несобственные интегралы II рода, их вычисление и признаки сходимости

### **Раздел № 6 Дифференциальное и интегральное исчисление функций нескольких переменных**

Производные и дифференциалы функции нескольких переменных. Условные и безусловные экстремумы функции нескольких переменных. Кратные интегралы. Вычисление двойного и тройного интегралов путем сведения к линейному. Замена переменных в кратных интегралах. Двойной интеграл в полярных координатах. Тройной интеграл в цилиндрических и сферических координатах. Криволинейные и поверхностные интегралы. Вычисление криволинейного интеграла путем сведения к линейному.

### **Раздел № 7 Обыкновенные дифференциальные уравнения**

Основные понятия теории дифференциальных уравнений первого порядка. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Основные определения. Поле направлений и изоклины. Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Задача Коши. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными. Однородные, линейные дифференциальные уравнения. Уравнение Бернуlli. Дифференциальные уравнения в полных дифференциалах. Дифференциальные уравнения высших порядков. Общий вид, общее решение. Задача Коши. Метод понижения порядка. Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка, свойства частных решений однородного уравнения. Линейная зависимость и независимость функций. Определитель Вронского. Структура общего решения. Линейные однородные дифференциальные уравнения n-го порядка. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения n-го порядка. Построение фундаментальной системы решений (ФСР) линейного однородного дифференциального уравнения n-го порядка с постоянными коэффициентами. Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида. Системы дифференциальных уравнений.

### **Раздел № 8 Числовые и функциональные ряды**

Определение числового ряда, его сходимость и сумма. Необходимый признак сходимости ряда. Сравнение рядов с положительными членами; признаки сходимости Даламбера, Коши. Знакочередующиеся ряды, признак Лейбница. Знакопеременные ряды, абсолютная и условная сходимость. Функциональные ряды; область сходимости, методы ее определения. Теорема Абеля. Разложение функций в степенные ряды; применение степенных рядов в приближенных вычислениях

### **Раздел №9 Теория вероятностей**

Основные понятия теории вероятностей. Теоремы умножения вероятностей. Теорема сложения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Схема Бернулли. Дискретные случайные величины. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины. Мода и медиана. Непрерывные случайные величины. Математическое ожидание и дисперсия непрерывной случайной величины. Законы больших чисел. Системы случайных величин.

### **Раздел №10 Основные понятия и методы математической статистики**

Задача математической статистики. Генеральная совокупность и выборка. Вариационный ряд. Статистическое распределение. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма. Статистические оценки параметров распределения. Доверительный интервал и доверительная вероятность. Доверительные интервалы для параметров случайной величины, распределенной по нормальному закону. Статистические методы обработки экспериментальных данных.

### **4.3 Практические занятия (семинары)**

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
1	1	Матрицы, действия над ними. Решение систем линейных алгебраических уравнений.	2

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
2	3	Плоскость в пространстве. Прямая линия в пространстве. Поверхности.	2
3	4	Предел функции. Непрерывные функции.	2
4	5	Техника дифференцирования. Дифференциал функции.	2
5	5	Неопределённый и определённый интеграл.	2
6	6	Вычисление частных производных. Вычисление кратных интегралов.	2
7	7	Решение дифференциальных уравнений I порядка.	2
8	7	Решение дифференциальных уравнений II порядка.	2
9	8	Сходимость числового ряда. Степенные ряды. Разложение функций в степенной ряд.	2
10	9	Элементы комбинаторики. Вычисление вероятностей зависимых и независимых событий.	2
11-12	9	Дискретные и непрерывные случайные величины. Числовые характеристики.	4
13-14	10	Выборка. Генеральная совокупность. Статистический ряд. Гистограмма.	4
		Итого:	28

#### 4.4 Контрольная работа (1, 2, 3 семестры)

Задания контрольной работы №1:

Задание 1. Вычислить матричный многочлен  $A \cdot B + A^{-1} - 3$ , если

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \text{ и } B = \begin{pmatrix} 4 & -1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}.$$

Задание 2. Решить систему линейных уравнений методом Крамера, матричным методом и методом Гаусса.

$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 6 \\ 2x_1 + 3x_2 - 4x_3 = 20 \\ 3x_1 - 2x_2 - 5x_3 = 6 \end{cases}$$

Задание 3. Даны координаты вершин пирамиды A(2; 1; 5), B(0; -2; 3), C(1; 3; -1), D(2; -1; 0). Найти: 1) уравнение прямой AB; 2) уравнение плоскости ABC; 3) длину высоты, проведенной из вершины D; 4) площадь грани ABC; 5) объём пирамиды.

Задание 4. Вычислить предел функции, не используя правило Лопиталя:

$$1) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x - 2}; \quad 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 2x + 5}{3x^2 + 5x - 6}; \quad 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{x}; \quad 4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{2x}\right)^x.$$

Задание 5. Вычислить производную функции  $y = 5x \cdot \sin x + \frac{x-2}{x+3}$ .

Задание 6. Исследовать функцию по общей схеме и построить график  $y = \frac{x-1}{x+2}$ .

Задание 7. Найти неопределенные интегралы. Правильность полученных результатов проверить дифференцированием в пунктах (а, б).

$$a) \int \frac{2x dx}{7-6x^2}; \quad b) \int \frac{dx}{\sqrt{4-x^2}}; \quad c) \int \frac{(5+x)dx}{x(x+4)}; \quad d) \int x \ln x dx; \quad e) \int \frac{3^{ctg 3x}}{\sin^2 3x} dx.$$

*Задания контрольной работы №2:*

Задание 1. Вычислить несобственные интегралы (либо доказать расходимость).

$$a) \int_0^\infty \frac{dx}{x^2 + 1}; \quad b) \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x}}.$$

Задание 2. Вычислить: а) площадь области, ограниченной данными линиями; б) объем тела, образованного вращением вокруг оси Ох кривой L

$$x^2 - y = 0, \quad x = -1, \quad y = 0.$$

Задание 3. Найти все частные производные первого и второго порядка функции нескольких переменных:

$$u = x^3 - 2x^2y - y^2 + 11z + 3.$$

Задание 4. Исследовать на экстремум функции нескольких переменных:

$$u = -2x^2 + xy - 4y^2 - x - 2y$$

Задание 5. Найти общее решение дифференциального уравнения и частное решение, удовлетворяющее начальным условиям  $y = y_0$  при  $x = x_0$

$$a) y' = y^2, \quad y(1) = 3, \quad b) y'' + 2y' - 8y = x^2 + x + 1, \quad y'(0) = 1, \quad y(0) = 1.$$

*Задания контрольной работы №3:*

Задание №1. Исследовать числовые ряды на сходимость, используя: а) признак Даламбера; б) признак Коши.

$$a) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{3^n} \quad b) \sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{n+1}{3n+4} \right)^n$$

Задание №2. Найти радиус и интервал сходимости степенного ряда. Исследовать сходимость ряда на концах интервала сходимости.  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{(n+1)2^n}$

Задание №3. Для нормальной работы автобазы на линии должно быть не менее K машин, а имеется их L. Вероятность невыхода каждой машины на линию равна p. Найти вероятность нормальной работы автобазы на ближайший день (значения параметров приведены в таблице).

L	K	P
10	8	0.2

Задание №4. Проверка качества выпускаемых деталей показала, что в среднем брак составляет M %. Найти наиболее вероятное число стандартных деталей в партии из N штук, отобранных наудачу. (значения параметров приведены в таблице)

M	N
5	25

Задание №5. Отказ элементов энергетической установки записан в таблице. Определить среднюю наработку на отказ  $\bar{x}$ , среднеквадратическое отклонение наработки на отказ  $\sigma_x$ , коэффициент вариации V.

$x_i$	2	3	4	5
$p_i$	0,1	0,3	0,2	0,4

Задача №6. Завод отправил на базу M изделий. Вероятность повреждения изделия в пути равна p. Найти вероятности того, что в пути будет повреждено изделий: а) ровно m; б) хотя бы одно. (значения параметров приведено в таблице)

M	m	P
1000	2	0,001

Задание №7. Найти доверительные интервалы для оценки математического ожидания нормального распределения с надежностью 0,95, если известны выборочная средняя  $\bar{X}$ , объем выборки и среднее квадратическое отклонение  $\sigma$ .

$\bar{X}$	n	$\sigma$
24,15	169	5

## 5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

### 5.1 Основная литература

Данилов, Ю.М. Математика: Учебное пособие / Ю.М. Данилов, Н.В. Никонова, С.Н. Нуриева; Под ред. Л.Н. Журбенко, Г.А. Никоновой. – Москва: НИЦ ИНФРА-М, 2014. – 496 с. – ISBN 978-5-16-010118-7. – Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=471655>.

Балдин, К.В. Высшая математика: учебник [Электронный ресурс] / К.В. Балдин, В.Н. Башлыков, А.В. Рокосуев; под общ. ред. К.В. Балдина. - 2-е изд., стер. - Москва: Издательство «Флинта», 2016. - 361 с.: табл., граф., схем. - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-9765-0299-4. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=79497>

### 5.2 Дополнительная литература

Лунгу, К.Н. Высшая математика: руководство к решению задач: учеб. пособие [Электронный ресурс] / К.Н. Лунгу, Е.В. Макаров. – 3-е изд., перераб. – Москва: Физматлит, 2013. – Ч. 1. – 217 с. – Библиогр. в кн. – ISBN 978-5-9221-1500-1. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=275606>.

Макаров, Е.В. Высшая математика. Руководство к решению задач: учеб. пособие [Электронный ресурс] / Е.В. Макаров, К.Н. Лунгу. – Москва: Физматлит, 2009. – Ч. 2. – 383 с. – ISBN 978-5-9221-0756-3. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82250>.

Балдин, К.В. Основы теории вероятностей и математической статистики: учебник [Электронный ресурс] / К.В. Балдин, В.Н. Башлыков, А.В. Рокосуев; ред. К.В. Балдин. - Москва: Издательство «Флинта», 2010. - 245 с. - Библиогр.: с. 460-461 - ISBN 978-5-9765-0314-4. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=79333>

Жуковская, Т.В. Высшая математика в примерах и задачах: в 2 ч. [Электронный ресурс] / Т.В. Жуковская, Е.А. Молоканова, А.И. Урусов; Министерство образования и науки Российской Федерации, Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Тамбовский государственный технический университет». – Тамбов: Издательство ФГБОУ ВПО «ТГТУ», 2017. – Ч. 1. – 130 с. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=498922>

Теория вероятностей и математическая статистика: курс лекций: [Электронный ресурс] / авт.-сост. Е.О. Тарабенко, И.В. Зайцева, П.К. Корнеев, А.В. Гладков и др. – Ставрополь: СКФУ, 2018. – 229 с. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=562680>

### 5.3 Периодические издания

Высшее образование в России: журнал. – Москва: Московский гос. ун-т печати им. И. Федорова, 2011-2019.

Высшее образование сегодня: журнал. – Москва: Логос, 2012-2018.

### 5.4 Интернет-ресурсы

<http://www.exponenta.ru> – Образовательный математический веб-сайт.

<http://www.artspb.com> – Образовательный портал: математика, кибернетика и программирование.

<https://educon.by/index.php/materials/hmath> – Высшая математика. Учебные материалы.

## **5.5 Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы современных информационных технологий**

Операционная система Microsoft Windows  
Офисные приложения Microsoft Office  
Веб-приложение «Универсальная система тестирования БГТИ»  
Яндекс-браузер  
Общероссийский математический портал. – Режим доступа: <http://www.mathnet.ru/>  
Большая российская энциклопедия. - Режим доступа: <https://bigenc.ru/>  
СПС «КонсультантПлюс». – Режим доступа: <http://www.consultant.ru/>  
Федеральная служба государственной статистики. – Режим доступа: [http://www.gks.ru/wps/wcm/connect/rosstat\\_main/rosstat/ru/](http://www.gks.ru/wps/wcm/connect/rosstat_main/rosstat/ru/)  
Федеральный образовательный портал. – Режим доступа – <http://www.edu.ru>

## **6 Материально-техническое обеспечение дисциплины**

Перечень основного оборудования учебных аудиторий для проведения занятий лекционного типа: стационарный мультимедиа-проектор и проекционный экран, переносной ноутбук, кафедра, посадочные места для обучающихся, рабочее место преподавателя, учебная доска.

Перечень основного оборудования учебных аудиторий для проведения практических занятий (семинаров): стационарный мультимедиа-проектор и проекционный экран, переносной ноутбук, кафедра, посадочные места для обучающихся, рабочее место преподавателя, доска.

Аудитории для проведения групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, помещение для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой, подключенной к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду ОГУ, электронные библиотечные системы.