

Минобрнауки России

Бузулукский гуманитарно-технологический институт (филиал)
федерального государственного бюджетного образовательного учреждения
высшего образования
«Оренбургский государственный университет»

Кафедра педагогического образования

**Фонд
оценочных средств**

по дисциплине «Дискретная математика»

Уровень высшего образования

БАКАЛАВРИАТ

Направление подготовки

44.03.01 Педагогическое образование

(код и наименование направления подготовки)

Математическое образование

(наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Квалификация

Бакалавр

Форма обучения

заочная

Год набора 2024

Фонд оценочных средств предназначен для контроля знаний обучающихся по направлению подготовки 44.03.01 Педагогическое образование по дисциплине «*Дискретная математика*».

Фонд оценочных средств рассмотрен и утвержден на заседании кафедры педагогического образования

наименование кафедры

протокол № 6 от 26.01.2024г.

Декан факультета

должность

подпись



О.Н. Григорьева

расшифровка подписи

Исполнитель:

ст. преподаватель

должность

подпись



С.А. Литвинова

расшифровка подписи

Раздел 1. Перечень компетенций, с указанием этапов их формирования в процессе освоения дисциплины

Формируемые компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	Виды оценочных средств/ шифр раздела в данном документе
ПК*-1 Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач	ПК*-1-В-1 Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета) ПК*-1-В-2 Умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС	<u>Знать:</u> теоретические основы описания важнейших алгоритмов объектами дискретной математики	Блок А – задания репродуктивного уровня Тестовые задания Вопросы для опроса
	ПК*-1-В-3 Демонстрирует умение разрабатывать различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения, в том числе информационные	<u>Уметь:</u> - использовать теоретические знания для решения профессиональных задач	Блок В – задания реконструктивного уровня Типовые задачи
		<u>Владеть:</u> - практическим умениям формализованного представления реальных ситуаций, процессов, систем теоретико-множественными и графическими методами, методами дискретизации	Блок С – задания практико-ориентированного уровня Задания типа «эссе»
ПК*-2 Способен использовать современные методики и технологии организации образовательной деятельности, диагностики и оценивания качества образовательного процесса	ПК*-2-В-1 Осуществляет поиск и внедрение в практику эффективных методик и технологий организации образовательной деятельности в соответствии с целевыми задачами образования	<u>Знать:</u> - методы формализации реальных ситуаций, явлений и процессов средствами дискретной математики	Блок А – задания репродуктивного уровня Тестовые задания Вопросы для опроса
	ПК*-2-В-2 Выбирает формы, средства, технологии организации образовательного процесса, обеспечивающие достижение личностных, метапредметных и предметных результатов	<u>Уметь:</u> - строить математические модели средствами дискретной математики; - анализировать алгоритмически разрешимые задачи и проблемы; - оценивать эффективность и сложность алгоритмов	Блок В – задания реконструктивного уровня Типовые задачи

Формируемые компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	Виды оценочных средств/ шифр раздела в данном документе
	<p>обучающихся в соответствии с основной образовательной программой ПК*-2-В-3</p> <p>Обеспечивает достоверность и объективность оценки эффективности реализации методик и технологий, исходя из личностных, метапредметных и предметных достижений обучающихся в соответствии с целевыми задачами организации образовательного процесса</p>	<p>символьных преобразований</p> <p><u>Владеть:</u></p> <p>классическими арифметическими, теоретико-числовыми и комбинаторными алгоритмами; - основными приемами комбинаторного анализа; - основными алгоритмами дискретной оптимизации</p>	<p>Блок С – задания практико-ориентированного уровня</p> <p>Задания типа «эссе»</p>

Раздел 2. Типовые контрольные задания и иные материалы, необходимые для оценки планируемых результатов обучения по дисциплине (оценочные средства). Описание показателей и критериев оценивания компетенций, описание шкал оценивания.

Блок А

А.0 Тестовые задания

Вопрос 1 (установление соответствия)

Существует несколько стандартных типов доказательств:

ОПЕРАЦИЯ	ДЕЙСТВИЕ
1) Прямое рассуждение	а) Предполагаем, что высказывание Q ложно и показываем ошибочность P
2) Обратное рассуждение	б) Предположив, что высказывание P истинно, а Q ложно, используя аргументированное рассуждение, получаем противоречие
3) Метод «от противного»	с) Предполагаем, что высказывание P истинно и показываем справедливость Q

Ответ: 1-с, 2-а, 3-б

Вопрос 2 (выбор одного правильного ответа)

Граф называется двудольным, если

а) множество его вершин X можно разбить на два такие подмножества A и B, что каждое ребро имеет один конец в A, а другой в B.;

б) множество его вершин X можно разбить на два такие подмножества A и B, что каждое ребро имеет один конец в A, а другой в B и он неориентированный.

с) множество его вершин X можно разбить на два такие подмножества A и B, что каждое ребро имеет один конец в A, а другой в B и он ориентированный.

Ответ: б

Вопрос 3 (выбор одного правильного ответа)

Пересечением множеств A и B называется множество, все элементы которого являются

а) как элементами множества A, так и элементами множества B.

б) элементами хотя бы одного из множеств A или B.

с) являются элементами множества A, но не являются элементами множества B

Ответ: а

Вопрос 4 (выбор одного правильного ответа)

С помощью приведенной формулы $|A \cup B| = |A| + |B| - |A \cap B|$ определяется мощность....

а) объединения двух конечных множеств.;

б) пересечения двух конечных множеств;

с) дополнения двух конечных множеств;

Ответ: а

Вопрос 5 (выбор одного правильного ответа)

Отношение называется отношением эквивалентности на множестве X , если оно

а) рефлексивно, симметрично и транзитивно на множестве X

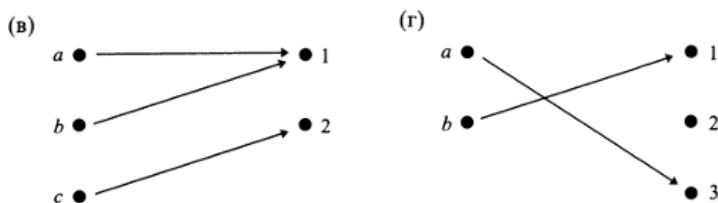
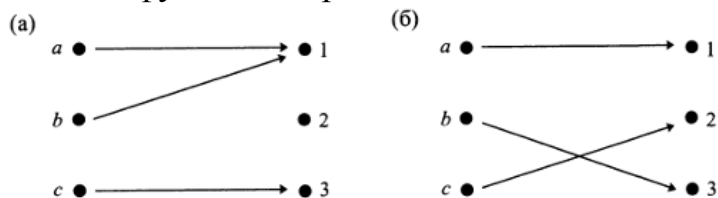
б) симметрично и транзитивно на множестве X

с) рефлексивно и транзитивно на множестве X

Ответ: а

Вопрос 6 (выбор одного правильного ответа)

Какие из функций обратимы



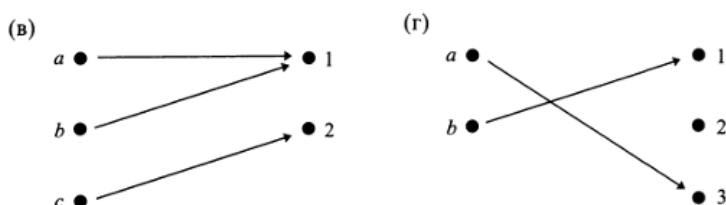
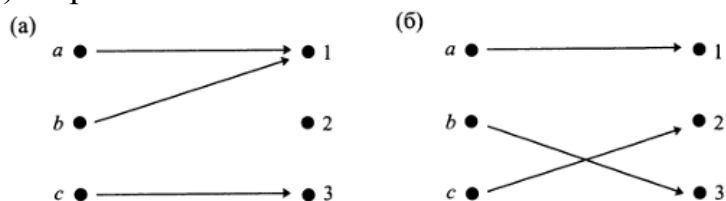
Ответ: б)

Вопрос 7 (установление соответствия)

Определите, какие из функций, изображенные на рисунках

1) инъективны,

2) сюръективны



Ответ: 1-б, г, 2-б, в,

Вопрос 8 (выбор нескольких правильных ответов)

Операторы управления бывают трех типов

а) разветвляющиеся операторы

б) составные операторы

с) условные операторы

d) оператор цикла

Ответ: b, c, d

Вопрос 9 (укажите последовательность действий)

Принцип математической индукции

1) *Предположим, что*

2) *Пусть $P(n)$ – предикат, определенный для всех натуральных n .*

3) *$\forall k \geq 1$ импликация $(P(k) \Rightarrow P(k + 1))$ верна.*

4) *$P(1)$ истинно*

5) *Тогда $P(n)$ истинно при любом натуральном значении n*

Ответ: 2, 1, 4, 3, 5

Вопрос 10 (выбор одного правильного ответа)

Запись $R = \{y / \text{существует } x, \text{ что } xRy\}$ задает ...

a) область определения бинарного отношения.

b) область значения бинарного отношения

c) область задания бинарного отношения

Ответ: b

A.1 Вопросы для опроса:

Вопрос 1 (ответ словом, числом)

Вершина, имеющая степень 0, называется

Ответ: изолированной

Вопрос 2 (ответ словом, числом)

Матрица смежности неориентированного графа является

Ответ: симметричной

Вопрос 3 (ответ словом, числом)

Утверждение, содержащее переменные, принимающее значение истины или лжи в зависимости от значений переменных

Ответ: предикатом

Вопрос 4 (ответ словом, числом)

Граф, содержащий кратные ребра, называется ...

Ответ: мультиграф

Вопрос 5 (ответ словом, числом)

Конечное число элементов множества называется

Ответ: мощностью

Вопрос 6 (ответ словом, числом)

Частичный порядок множества, при котором можно сравнить любую пару элементов называется

Ответ: линейным порядком

Вопрос 7 (ответ словом, числом)

Граф, чьи вершины изображают элементы частично упорядоченного множества называют

Ответ: диаграммой Хассе

Вопрос 8 (ответ словом, числом)

Данный принцип утверждает, что если $f : A \rightarrow B$ функция, отображающая конечное множество A в конечное множество B , причем $|A| > |B|$, то по крайней мере одно из значений f встретится более одного раза. Если $|A| > k|B|$ для некоторого натурального k , то одно из значений функции f повторится по крайней мере $k+1$ раз

Ответ: принцип Дирихле

Вопрос 9 (ответ словом, числом)

Абсолютным дополнением множества A называется множество всех таких элементов x , принадлежащих универсальному множеству U , которые...

Ответ: не принадлежат множеству A

Вопрос 10 (ответ словом, числом)

Граф, содержащий кратные ребра, называется

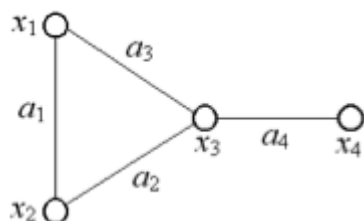
Ответ: мультиграфом

Блок В

В.1 Типовые задачи:

Вопрос 1 (ответ словом, числом)

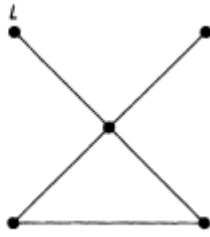
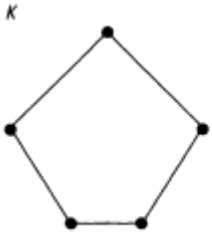
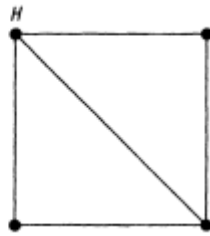
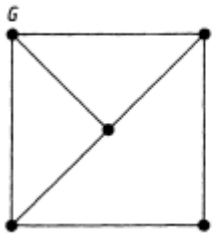
Степень вершины x_2 равна



Ответ: 2

Вопрос 2 (ответ словом, числом)

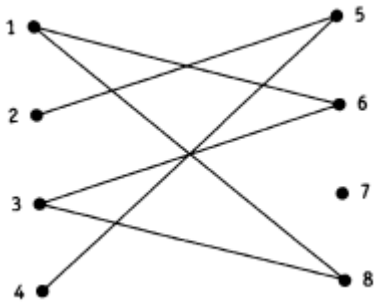
Найдите среди графов H, K и L изображенных на рисунке, подграфы графа G



Ответ: H, K

Вопрос 3 (ответ словом, числом)

Вычислите число компонент связности данного графа G



Ответ: 3

Вопрос 4 (ответ словом, числом)

В группе 25 студентов. 10 из них подрабатывают на стройке, а 8 – курьерами. 10 студентов не подрабатывают нигде. Сколько студентов занимаются и тем и другим? Сколько подрабатывают только на стройке? Ответ вывести в виде последовательности чисел через пробел.

Ответ: 3 7

Вопрос 5 (ответ словом, числом)

Отношение $\{<1, 2>, <2, 1>, <2, 3>, <1, 3>, <3, 1>, <3, 2>\}$ не является рефлексивным, потому что отсутствуют пары

Ответ: $\{<1, 1>, <2, 2>, <3, 3>\}$.

Блок С

С.1 Задания типа «эссе»

Вопрос 1 (вопрос типа эссе)

Что включает в себя дискретная математика?

Ответ: теорию функциональных систем, теорию графов, теорию автоматов, теорию кодирования, комбинаторику, целочисленное программирование.

Вопрос 2 (вопрос типа эссе)

Для чего используется дискретная математика?

Ответ: Предметом рассмотрения дискретной математики являются методы, которые применяются при исследовании, анализе и решении задач управленческого содержания.

Вопрос 3 (вопрос типа эссе)

Прямым рассуждением докажите истинность высказывания:

n и m – четные числа $\Rightarrow n + m$ – четное число

Ответ:

Четные числа n и m можно представить в виде $n=2a$ и $m=2b$, где a и b – целые числа. Следовательно, $n+m=2a+2b=2(a+b)$, и, следовательно, $(n+m)$ – четное число.

Вопрос 4 (вопрос типа эссе)

Каждый из 63 студентов первого курса, изучающих информатику в университете, может посещать и дополнительные лекции. Если 16 из них слушают еще курс программирования, 37 – курс робототехники, и 5 изучают обе эти дисциплины, то сколько студентов вообще не посещают упомянутых дополнительных занятий?

Ответ:

A – множество студентов, слушающих курс программирования

B – множество студентов, слушающих курс робототехники

Тогда, $n(A)=16$, $n(B)=37$, $n(A \cap B)=5$

поэтому, $n(A \cup B) = 16 + 37 - 5 = 48$

Следовательно, $63 - 48 = 15$ студентов не посещают дополнительных курсов

Вопрос 5 (вопрос типа эссе)

Объясните на примере, что множество $A \cup (B \Delta C)$ не обязательно совпадает с множеством $(A \cup B) \Delta (A \cup C)$.

Примечание: для ввода знака дельта необходимо ввести «0394», выделить код и нажать горячие клавиши Alt и X. Цифры преобразуются в символ. Раскладка клавиатуры должна быть английской.

Ответ:

Любой набор множеств A , B и C , в котором множество A не содержит элементов не из B , не из C , противоречит равенству $A \cup (B \Delta C) = (A \cup B) \Delta (A \cup C)$

В частности, пусть $A = \{1, 2\}$, $B = \{3, 4\}$ и $C = \{4, 5\}$. Тогда $B \Delta C = \{3, 5\}$ и $A \cup (B \Delta C) = \{1, 2, 3, 5\}$

С другой стороны

$A \cup B = \{1, 2, 3, 4\}$, $A \cup C = \{1, 2, 4, 5\}$

$(A \cup B) \Delta (A \cup C) = \{3, 5\}$.

Блок D

Контрольные вопросы

- 1 Задание множеств и осуществление операций над ними.
- 2 Виды графов. Подграфы.
- 3 Степени вершин.
- 4 Маршруты, цепи и циклы. Расстояние между вершинами.
- 5 Операции над графами.
- 6 Связность в неориентированных графах и орграфах.
- 7 Графы и бинарные отношения.
- 8 Пути в орграфах.
- 9 Булевы или двоичные функции.
- 10 Булевы функции одной и двух переменных и их свойства.
- 11 Формулы булевой алгебры. Основные законы булевой алгебры.
- 12 Эквивалентность формул.
- 13 Принцип двойственности.
- 14 Совершенные дизъюнктивные (СДНФ) и совершенные конъюнктивные нормальные формы (СКНФ).
- 15 Переход от СДНФ к СКНФ и наоборот.
- 16 Геометрическое представление булевых функций..
- 17 Примеры функционально полных базисов.
- 18 Теорема о функциональной полноте.
- 19 Понятие о реализации булевых функций.
- 20 Операции элементарного и неполного склеивания; операция поглощения.

Описание показателей и критериев оценивания компетенций, описание шкал оценивания

<i>4-балльная шкала</i>	<i>Отлично</i>	<i>Хорошо</i>	<i>Удовлетворительно</i>	<i>Неудовлетворительно</i>
<i>100 балльная шкала</i>	<i>86-100</i>	<i>75-85</i>	<i>50-74</i>	<i>0-49</i>
<i>Бинарная шкала</i>	<i>Зачтено</i>			<i>Не зачтено</i>

Оценивание выполнения практических заданий

<i>4-балльная шкала</i>	<i>Показатели</i>	<i>Критерии</i>
<i>Отлично</i>	1. Полнота выполнения практического задания; 2. Своевременность выполнения задания; 3. Последовательность и рациональность выполнения задания;	Задание решено самостоятельно. При этом составлен правильный алгоритм решения задания, в логических рассуждениях, в выборе формул и решении нет ошибок, получен верный ответ, задание решено рациональным способом.
<i>Хорошо</i>	4. Самостоятельность решения; 5. и т.д.	Задание решено с помощью преподавателя. При этом составлен правильный алгоритм решения задания, в логическом рассуждении и решении нет существенных ошибок; правильно сделан выбор формул для решения; есть объяснение решения, но задание решено нерациональным способом или допущено не более двух несущественных ошибок, получен верный ответ.

4-балльная шкала	Показатели	Критерии
Удовлетворительно		Задание решено с подсказками преподавателя. При этом задание понято правильно, в логическом рассуждении нет существенных ошибок, но допущены существенные ошибки в выборе формул или в математических расчетах; задание решено не полностью или в общем виде.
Неудовлетворительно		Задание не решено.

Оценивание выполнения тестов

4-балльная шкала	Показатели	Критерии
Отлично	1. Полнота выполнения тестовых заданий;	Выполнено более 86 % заданий предложенного теста, в заданиях открытого типа дан полный, развернутый ответ на поставленный вопрос.
Хорошо	2. Своевременность выполнения;	
Удовлетворительно	3. Правильность ответов на вопросы;	Выполнено 70-85% заданий предложенного теста, в заданиях открытого типа дан полный, развернутый ответ на поставленный вопрос; однако были допущены неточности в определении понятий, терминов и др.
Неудовлетворительно	4. Самостоятельность тестирования;	
	5. и т.д.	Выполнено 50-69 % заданий предложенного теста, в заданиях открытого типа дан неполный ответ на поставленный вопрос, в ответе не присутствуют доказательные примеры, текст со стилистическими и орфографическими ошибками.
		Выполнено менее 50% заданий предложенного теста, на поставленные вопросы ответ отсутствует или неполный, допущены существенные ошибки в теоретическом материале (терминах, понятиях).

Оценивание ответа на экзамене

4-балльная шкала	Показатели	Критерии
Отлично	1. Полнота изложения теоретического материала;	Дан полный, в логической последовательности развернутый ответ на поставленный вопрос, где он продемонстрировал знания предмета в полном объеме учебной программы, достаточно глубоко осмысливает дисциплину, самостоятельно, и исчерпывающе отвечает на дополнительные вопросы, приводит собственные примеры по проблематике поставленного вопроса, решил предложенные практические задания без ошибок.
Хорошо	2. Полнота и правильность решения практического задания;	
	3. Правильность и/или аргументированность изложения (последовательность действий);	Дан развернутый ответ на поставленный вопрос, где студент демонстрирует знания, приобретенные на лекционных и семинарских занятиях, а также полученные посредством изучения обязательных учебных материалов по курсу, дает аргументированные ответы, приводит примеры, в ответе присутствует
	4. Самостоятельность ответа;	
	5. Культура речи;	
	6. и т.д.	

4-балльная шкала	Показатели	Критерии
		свободное владение монологической речью, логичность и последовательность ответа. Однако допускается неточность в ответе. Решил предложенные практические задания с небольшими неточностями.
Удовлетворительно		Дан ответ, свидетельствующий в основном о знании процессов изучаемой дисциплины, отличающийся недостаточной глубиной и полнотой раскрытия темы, знанием основных вопросов теории, слабо сформированными навыками анализа явлений, процессов, недостаточным умением давать аргументированные ответы и приводить примеры, недостаточно свободным владением монологической речью, логичностью и последовательностью ответа. Допускается несколько ошибок в содержании ответа и решении практических заданий.
Неудовлетворительно		Дан ответ, который содержит ряд серьезных неточностей, обнаруживающий незнание процессов изучаемой предметной области, отличающийся неглубоким раскрытием темы, незнанием основных вопросов теории, несформированными навыками анализа явлений, процессов, неумением давать аргументированные ответы, слабым владением монологической речью, отсутствием логичности и последовательности. Выводы поверхностны. Решение практических заданий не выполнено, т.е студент не способен ответить на вопросы даже при дополнительных наводящих вопросах преподавателя.

Раздел 3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Основными этапами формирования компетенций по дисциплине при изучении студентами дисциплины являются последовательное изучение содержательно связанных между собой разделов. При оценивании результатов обучения: знания, умения, навыки и/или опыта деятельности (владения) в процессе формирования заявленных компетенций используются различные формы оценочных средств текущего и итогового контроля (промежуточной аттестации).

Практическая работа заключается в выполнении обучающимися самостоятельно или под руководством преподавателя комплекса учебных заданий, направленных на совершенствование компетенции обучающихся и на уровне, необходимом для бакалавров.

ИТЗ выполняются обучающимися (индивидуально или по группам) под руководством и наблюдением преподавателя. Сущность метода выполнения работ состоит в том, что обучающиеся, изучив теоретический материал, выполняют практические упражнения по применению этого материала на практике, вырабатывая, таким образом, разнообразные умения и навыки.

Основой для определения отметки на диф.зачете служит уровень усвоения обучающимися материала и уровень формирования необходимых компетенций, предусмотренного учебной программой дисциплины. Эти требования следующие:

– отметки "отлично" заслуживает обучающийся, обнаруживший всестороннее, систематическое и глубокое знание учебно-программного материала, умение свободно выполнять задания, предусмотренные программой, усвоивший основную и знакомый с дополнительной литературой, рекомендованной программой. Как правило, отметка "отлично" выставляется обучающимся, усвоившим взаимосвязь основных понятий дисциплины в их значении для приобретаемой профессии, проявившим творческие способности в понимании, изложении и использовании учебно-программного материала;

– отметки "хорошо" заслуживает обучающийся, обнаруживший полное знание учебно-программного материала, успешно выполняющий предусмотренные в программе задания, усвоивший основную литературу, рекомендованную в программе. Как правило, отметка "хорошо" выставляется обучающимся, показавшим систематический характер знаний по дисциплине и способным к их самостоятельному пополнению и обновлению в ходе дальнейшей учебной работы и профессиональной деятельности;

– отметки "удовлетворительно" заслуживает обучающийся, обнаруживший знания основного учебно-программного материала в объеме, необходимом для дальнейшей учебы и предстоящей работы по профессии, справляющийся с выполнением заданий, предусмотренных программой, знакомых с основной литературой, рекомендованной программой. Как правило, отметка "удовлетворительно" выставляется обучающимся, допустившим погрешности в ответе на экзамене и при выполнении экзаменационных заданий, но обладающим необходимыми знаниями для их устранения под руководством преподавателя;

– отметка "неудовлетворительно" выставляется обучающемуся, обнаружившему пробелы в знаниях основного учебно-программного материала, допустившему принципиальные ошибки в выполнении предусмотренных программой заданий.

Таблица - Формы оценочных средств

№ п/п	Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в фонде
1	Практические задания и творческие задачи	Различают задачи и задания: а) репродуктивного уровня, позволяющие оценивать и диагностировать знание фактического материала (базовые понятия, алгоритмы, факты) и умение правильно использовать специальные термины и понятия, узнавание объектов изучения в рамках определенного раздела дисциплины; б) реконструктивного уровня, позволяющие оценивать и диагностировать умения синтезировать,	Перечень задач и заданий

№ п/п	Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в фонде
		<p>анализировать, обобщать фактический и теоретический материал с формулированием конкретных выводов, установлением причинно-следственных связей;</p> <p>в) творческого уровня, позволяющие оценивать и диагностировать умения, интегрировать знания различных областей, аргументировать собственную точку зрения.</p> <p>Рекомендуется для оценки знаний умений и владений студентов.</p> <p>Форма предоставления ответа студента: письменная.</p>	
2	Собеседование (на практическом занятии)	Средство контроля, организованное как специальная беседа преподавателя с обучающимся на темы, связанные с изучаемой дисциплиной, и рассчитанное на выяснение объема знаний обучающегося по определенной теме. Рекомендуется для оценки знаний студентов.	Вопросы по разделам дисциплины
3	Тест	<p>Система стандартизированных простых и комплексных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний, умений и владений обучающегося.</p> <p>Рекомендуется для оценки знаний, умений и владений студентов.</p> <p>Используется веб-приложение «Универсальная система тестирования БГТИ». На тестирование отводится 60 минут. Каждый вариант тестовых заданий включает 30 вопросов. За каждый правильный ответ на вопрос дается 1 балл. Оценка выставляется в соответствии с 4-балльной шкалой оценивания</p>	Фонд тестовых заданий
4	Диф.зачет	В экзаменационный билет включено два теоретических вопроса и практическое задание, соответствующие содержанию формируемых компетенций. Диф.зачет проводится в устной форме. На ответ и решение задачи студенту отводится 30 минут. По итогам выставляется дифференцированная оценка с учетом шкалы оценивания.	Перечень вопросов для контроля