

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Бузулукский гуманитарно-технологический институт (филиал)  
федерального государственного бюджетного образовательного  
учреждения высшего образования  
«Оренбургский государственный университет»

Кафедра педагогического образования

## **Линейная алгебра и математический анализ**

Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины и  
организации самостоятельной работы

направление подготовки 38.03.01 Экономика

профиль Финансы и кредит

форма обучения очная

Бузулук 2022

Линейная алгебра и математический анализ: методические указания для обучающихся по освоению дисциплины и организации самостоятельной работы / сост. Л.Г. Шабалина; Бузулукский гуманитарно-технологический институт (филиал) ОГУ. – Бузулук: БГТИ (филиал) ОГУ, 2022. – 39 с.

Методические указания содержат общие рекомендации к лекционным и лабораторным занятиям, для подготовки к экзаменам, по организации самостоятельной работы, задачи для самоконтроля, перечень контрольных вопросов, учебно-методическое обеспечение дисциплины.

Методические указания предназначены для подготовки к лекционным, практическим занятиям и самостоятельной работы по дисциплине «Линейная алгебра и математический анализ» для студентов, обучающихся по направлению подготовки 38.03.01 Экономика.

©Шабалина Л.Г., 2022

©БГТИ (филиал) ОГУ, 2022

## Введение

Цель настоящего методического пособия – помочь студентам и преподавателям в организации занятий при изучении курсов математики.

Для освоения данным дисциплинам в вузе читаются лекции и проводятся практические занятия. В то же время основной формой обучения в условиях заочной формы обучения является самостоятельная работа с учебником и учебными пособиями.

Совершенствование деятельности в любой области экономики (управлении, финансово-кредитной сфере, маркетинге, учете, аудите) в значительной мере связано с применением в экономической науке и практике математических методов исследования.

Студенты бакалавриата направления 38.03.01 Экономика в рамках базового курса математики изучают самостоятельные математические дисциплины: «Линейная алгебра и математический анализ», «Теория вероятностей и математическая статистика», а также прикладные математические дисциплины «Методы оптимальных решений».

Задачи изучения дисциплины «Линейная алгебра и математический анализ», «Теория вероятностей и математическая статистика» и «Методы оптимальных решений» вытекают из требований к результатам освоения и условиям реализации основной образовательной программы и компетенций, установленных Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлениям 38.03.01 Экономика.

**Основная цель для студента: овладеть методами решения, планирования, моделирования, прогнозирования, анализа, синтеза в математике, для использования в финансовой и экономической деятельности.**

### Экономическое приложение разделов курса

№	Содержание курса математики	
	Традиционные разделы (темы) курса математики	Экономические приложения
1	2	3
	<b><i>Элементы линейной алгебры</i></b>	
1.1	Матрицы. Виды матриц, действия над матрицами. Определители и их свойства. Обратная матрица. Решение систем линейных уравнений (матричный метод, метод Крамера, метод Гаусса). Ранг матрицы. Теорема Кронекера-Капелли (критерий совместности системы). Системы линейных однородных уравнений. Фундаментальная система решений	Технологические матрицы (матрицы норм расхода). Общая постановка задачи оптимального планирования. Модель Леонтьева многоотраслевой экономики. Продуктивные матрицы. Модель международной торговли. Структурная матрица торговли
1.2	Векторы. Линейные операции над векторами, декартова система координат. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов	Вектор цен. Экономический смысл скалярного произведения векторов. Вектор потребления. Вектор интенсивностей
1.3	Векторное (линейное) пространство. Подпространства. Линейная зависимость векторов. Евклидово пространство. Линейные преобразования. Собственные числа и собственные векторы линейного преобразования. Квадратичные формы	Вектор «затрат — выпуска», производственное пространство. Линейная модель международной торговли
2	<b><i>Элементы аналитической геометрии</i></b>	
2.1	Линии на плоскости. Прямая на плоскости. Кривые второго порядка. Полярная система координат. Уравнение	Кривые спроса и предложения. Кривые производственных возможностей. Кривые безразличия, линия бюджетного ограничения.

	плоскости в пространстве. Уравнение прямой в пространстве. Поверхности второго порядка	Кривые «доход - потребление»
3	<b><i>Начала математического анализа</i></b>	
3.1	Основные сведения о множествах	Бюджетное множество
3.2	Понятие функции одной переменной, основные свойства. Способы задания функции. Графики, их преобразования. Элементарные функции	Функции и графики в экономическом моделировании. Функции спроса и предложения. Точка равновесия. Зависимости спроса от дохода (функции Торнквиста). Функция потребления. Графики зависимости издержек и дохода от объема производства. Функция полезности, однофакторная производственная функция, функция налоговой ставки.
3.3	Понятие последовательности. Предел последовательности. Бесконечно большие, бесконечно малые величины.	Нарощенные суммы. Паутинная модель рынка.
3.4	Предел функции. Замечательные пределы. Эквивалентность. Непрерывность функции. Классификация точек разрыва.	Экономическая интерпретация непрерывности
4	<b><i>Дифференциальные исчисления функция одной переменной</i></b>	
4.1	Производная функции одной переменной, ее геометрический смысл. Правила и техника дифференцирования	Эластичность функции. Маржинальные величины. Предельная производительность труда. Предельная себестоимость
4.2	Экстремум функции одной переменной. Дифференциал функции одной переменной, его геометрический смысл. Применения дифференциала к приближенным вычислениям. Производные и дифференциалы высших порядков. Исследование функции по первой производной. Правило Лопиталья. Формула Тейлора.	Максимизация прибыли. Оптимизация налогообложения предприятий. Формула Уилсона. Критерий оптимальности объема партии товара (работа идеального склада). Теория одноресурсной фирмы (закон убывающей доходности, оптимальные решения)
5	<b><i>Интегральные исчисления функция одной переменной</i></b>	
5.1	Неопределенный интеграл: определение, свойства, методы интегрирования.	
5.2	Определенный интеграл: вычисление определенных интегралов по формуле Ньютона-Лейбница, заменой переменных и по частям.	Экономические приложения интеграла: вычисление затрат при хранении запасов сырья на складе; потребительская рента; определение объема выпускаемой продукции, периода окупаемости инвестиций; вычисление средних значений. Коэффициент Джини.
5.3	Несобственные интегралы первого и второго рода	Потоки и стоки.
6	<b><i>Дифференциальные исчисления функции нескольких переменных</i></b>	
6.1	Область определения и непрерывность функций нескольких переменных. Графики функций $z=f(x,y)$ .	Многомерная функция полезности, функция издержек, многофакторная производственная функция (функция Кобба-Дугласа). Уравнение обмена Фишера.
6.2	Частные производные функций нескольких переменных. Техника дифференцирования частных производных. Касательная плоскость и	Экономический смысл частных производных (предельная производительность труда; предельная фондоотдача; эластичность выпуска по труду; эластичность выпуска по

	нормаль к поверхности. Дифференцирование сложной и неявно заданной функции. Дифференциал первого порядка, его применение	фондам). 1-й закон Гессена; с увеличением потребления товара его полезность уменьшается.
6.3	Теория поля. Скалярное поле. Производная по направлению. Градиент	
6.4	Производные и дифференциалы высших порядков. Экстремум функции нескольких переменных.	Задачи оптимизации. Золотое правило экономики для многоресурсной фирмы. Задача ценовой дискриминации. Многокритериальные задачи оптимизации в экономике; оптимальность по Парето; ящик Эджворта
7	<b><i>Дифференциальные уравнения</i></b>	
7.1	Задачи на составление дифференциальных уравнений	Модель естественного роста продукции. Логистический рост, мультипликатор инфляции. Движение фондов. Демографическая задача.
7.2	Дифференциальные уравнения первого порядка. Задача Коши.	Задача о долге (кредитование). Рост населения и истощение ресурсов. Рост денежного вклада в банке. Модель естественного роста выпуска. Динамическая модель Кейса. Модели Эванса и Солоу. Уравнение Самуэльсона – Солоу, моделирующее связь между изменением цены и неудовлетворенным спросом.
7.3	Дифференциальные уравнения высших порядков. Системы дифференциальных уравнений.	Рост выпуска товаров в условиях конкуренции.
7.4	Линейные разностные уравнения.	Модель Самуэльсона – Хикса. Паутинная модель рынка. Задача об определении текущей стоимости купонной облигации.

В процессе изучения дисциплины перед студентами ставятся следующие задачи:

- освоение приемов исследования и решения математически формализованных задач;
- освоение приемов использования классического математического аппарата для решения прикладных задач;
- выработка умения моделировать реальные объекты и процессы;
- развитие логического и алгоритмического мышление;
- повышение уровня математической культуры;
- развитие навыков самостоятельной работы.

## 1 Методические рекомендации по освоению дисциплины

В практике профессиональной подготовки используется лекционно-семинарская система, которая рассчитана на то, что студенты высшего образования уже имеют навыки учебной деятельности и способны к самостоятельному поиску и усвоению знаний. Основными формами организации обучения являются лекции, семинары, практические и лабораторные занятия, консультации, коллоквиумы, зачеты, экзамены.

Лекционно-семинарская система, с одной стороны, повышает эффективность обучения студентов, а с другой – обеспечивает преемственность между школой и системой высшего образования, между системой среднего профессионального и высшего образования.

### 1.1 Методические рекомендации к лекционным занятиям

**Лекция.** Лекция – это развернутое, продолжительное и системное изложение сущности какой-либо учебной, научной проблемы. Основа лекции – теоретическое обобщение, в котором конкретный фактический материал служит иллюстрацией или необходимым отправным моментом, это форма учебного занятия, цель которого состоит в рассмотрении теоретических вопросов излагаемой дисциплины в логически выдержанной форме.

В учебном процессе в зависимости от дидактических задач и логики учебного материала мы будем использовать вводные, текущие и обзорные лекции; в зависимости от деятельности студентов - информационные, объяснительные, лекции - беседы.

Лекционная форма целесообразна в процессе:

- изучения нового материала, мало связанного с ранее изученным;
- рассмотрения сложного для самостоятельного изучения материала;
- поддачи информации крупными блоками;
- выполнения определенного вида заданий по одной или нескольким темам либо разделам;
- применения изученного материала при решении практических задач.

**Вводная лекция** открывает лекционный курс по предмету. На ней четко и ярко показываются теоретическое и прикладное значение предмета, его связь с другими предметами, роль в понимании мира, в подготовке бакалавра. Лекция данного типа призвана способствовать убедительной мотивации самостоятельной работы студентов.

**Установочная лекция** (применяется при заочной форме обучения) - знакомит студентов со структурой учебного материала, основными положениями курса, а также содержит программный материал, самостоятельное изучение которого представляет для студентов трудность (наиболее сложные, узловые вопросы). Установочная лекция должна детально знакомить с организацией самостоятельной работы, с особенностями выполнения контрольных заданий.

**Текущая лекция** служит для систематического изложения учебного материала предмета. Каждая такая лекция посвящена определенной теме и является в этом отношении законченной, но составляет с другими (предшествующей, последующей) определенную целостную систему. В ходе лекций большое значение уделяется вопросам подготовки к работе над лекционным материалом (его осмысление, ведение конспекта, работа с материалом учебника). На лекционных занятиях преподаватель не только сообщает или обобщает теоретические знания, но и учит студентов приемам конспектирования.

**Заключительная лекция** завершает изучение учебного материала. На ней обобщается изученное ранее на более высокой теоретической основе, рассматриваются перспективы развития математической науки.

*Обзорная лекция* содержит краткую и в значительной мере обобщенную информацию об определенных однородных (близких по содержанию) программных вопросах. Эти лекции используются на завершающих этапах обучения (например, перед экзаменами или при дистанционной и заочной формах обучения).

Приступая к изучению дисциплины, студенту необходимо ознакомиться с тематическим планом занятий, списком рекомендованной учебной и научной литературы. Следует уяснить последовательность выполнения индивидуальных учебных заданий, темы и сроки проведения семинаров, написания учебных и творческих работ, завести в свою рабочую тетрадь.

При изучении дисциплины студенты выполняют следующие задания: изучают рекомендованную учебную и научную литературу; пишут контрольные работы, готовят презентации и сообщения к практическим занятиям; выполняют самостоятельные творческие работы, участвуют в выполнении практических заданий. Уровень и глубина усвоения дисциплины зависят от активной и систематической работы в данных направлениях.

## **Общие и частные методические рекомендации по видам работ**

### **Работа по материалам лекций**

#### **Вид работы Работа с книгой**

Важно помнить, что рациональные навыки работы с книгой – это всегда большая экономия времени и сил. Поэтому при работе с книгой необходимо подобрать литературу, используя алфавитный и систематический каталоги, научиться правильно ее читать, вести записи.

Правильный подбор учебников рекомендуется преподавателем, читающим лекционный курс. Необходимая литература может быть также указана в методических разработках по данному курсу.

Изучая материал по учебнику, следует переходить к следующему вопросу только после правильного уяснения предыдущего, расписывая на бумаге все выкладки и вычисления (в том числе те, которые в учебнике опущены или на лекции даны для самостоятельного вывода).

Особое внимание следует обратить на определение основных понятий курса. Студент должен подробно разбирать примеры, которые поясняют такие определения, и уметь строить аналогичные примеры самостоятельно. Нужно добиваться точного представления о том, что изучаешь. Полезно составлять опорные конспекты. При изучении материала по учебнику полезно в тетради (на специально отведенных полях) дополнять конспект лекций. Там же следует отмечать вопросы, выделенные студентом для консультации с преподавателем.

Выводы, полученные в результате изучения, рекомендуется в конспекте выделять, чтобы они при прочтывании записей лучше запоминались.

Различают два вида чтения; первичное и вторичное. *Первичное* – это внимательное, неторопливое чтение, при котором можно остановиться на трудных местах. После него не должно остаться ни одного непонятого слова. Содержание не всегда может быть понятно после первичного чтения.

Задача *вторичного* чтения полное усвоение смысла целого (по счету это чтение может быть и не вторым, а третьим или четвертым).

### **Правила самостоятельной работы с литературой**

Самостоятельное теоретическое исследование проблем, обозначенных преподавателем на лекциях – это важнейшее условие формирования у студента научного способа познания. Основные советы здесь можно свести к следующим:

–Составить перечень книг, с которыми Вам следует познакомиться; «не старайтесь запомнить все, что вам в ближайшее время не понадобится, – советует студенту и молодому ученому Г. Селье, – запомните только, где это можно отыскать»

–Перечень должен быть систематизированным (что необходимо для семинаров, что для экзаменов, что пригодится для написания исследовательских работ, а что Вас интересует за рамками официальной учебной деятельности, то есть что может расширить Вашу общую культуру...).

–Обязательно выписывать все выходные данные по каждой книге (при написании исследовательских работ это позволит очень сэкономить время).

–Разобраться для себя, какие книги (или какие главы книг) следует прочитать более внимательно, а какие – просто просмотреть.

–При составлении перечней литературы следует посоветоваться с преподавателями и научными руководителями (или даже с более подготовленными и эрудированными сокурсниками), которые помогут Вам лучше сориентироваться, на что стоит обратить большее внимание, а на что вообще не стоит тратить время.

–Естественно, все прочитанные книги, учебники и статьи следует конспектировать, но это не означает, что надо конспектировать «все подряд»: можно выписывать кратко основные идеи автора и иногда приводить наиболее яркие и показательные цитаты (с указанием страниц).

–Если Вы раньше мало работали с научной литературой, то следует выработать в себе способность «воспринимать» сложные тексты; для этого лучший прием – научиться «читать медленно», когда Вам понятно каждое прочитанное слово (а если слово незнакомое, то либо с помощью словаря, либо с помощью преподавателя обязательно его узнать);

–Есть еще один эффективный способ оптимизировать знакомство с научной литературой – следует увлечься какой-то идеей и все книги просматривать с точки зрения данной идеи.

Чтение научного текста является частью познавательной деятельности. Ее цель – извлечение из текста необходимой информации. От того на сколько осознанна читающим собственная внутренняя установка при обращении к печатному слову (найти нужные сведения, усвоить информацию полностью или частично, критически проанализировать материал и т.п.) во многом зависит эффективность осуществляемого действия.

### **Вид работы: Подготовка конспекта**

Студент обязан вести конспект.

**Конспект** – краткое изложение или краткая запись чего-либо.

Хорошо составленный конспект помогает усвоить материал. В конспекте кратко излагается основная сущность учебного материала, приводятся необходимые обоснования, табличные данные, схемы, эскизы, расчеты и т.п. Конспект целесообразно составлять целиком на тему. При этом имеется возможность всегда дополнять составленный конспект из новых источников. Рекомендуется конспектировать определения, формулировки теорем, схемы их доказательств, формулы и решения задач. Формулы следует выписывать в специальные таблицы для каждой части (раздела) курса.

Постоянное пользование конспектом, в частности таблицами формул, способствует их запоминанию и дает возможность решать примеры и задачи, не обращаясь к учебным пособиям.

Таким образом, конспект становится сборником необходимых материалов, куда студент вносит всё новое, что он изучил, узнал. Такие конспекты представляют, большую



ценность при подготовке к занятиям и зачету, экзамену.

**Виды конспектов:**

1. *Плановый конспект* (план-конспект) строится на основе предварительного плана текста. Каждому вопросу плана отвечает определенная часть конспекта (пример, вопросно-ответный конспект)

2. *Текстуальный конспект* создается из цитат – отрывков оригинального текста, связанных друг с другом путем логических переходов. Применяют: при изучении материала, требующего сравнительного анализа точек зрения, высказанных рядом авторов по поводу одного предмета.

3. *Тематический конспект* наиболее полно раскрывает тему. Всестороннее изучение проблемы, анализ различных подходов.

4. *Свободный конспект* сочетает выписки, цитаты, иногда тезисы, при этом часть его может быть снабжена планом. Данный вид конспекта не привязывает студента к авторским высказываниям, а требует умения самостоятельно формулировать основные положения.

**Тезисы** – это способ сокращения текста; положения, кратко излагающие какую-нибудь идею, или краткая формулировка принципиальных положений произведения, не включающая фактический материал.

**Аннотация** – краткое изложение содержания статьи, книги, рукописи и др. По структуре аннотация включает информационную и рекомендательную части. Развернутая аннотация должна включать общую характеристику книги или статьи с указанием основной идеи материала, его назначения, научной ценности, основных проблем, стиля изложения. В конце аннотации дается общая оценка.

**Отзыв** – выражение собственного отношения к прослушанному, прочитанному, просмотренному; эмоциональная оценка личного восприятия статьи, впечатления с обоснованием.

## 1.2 Методические рекомендации к практическим занятиям

Практические занятия относятся к основным видам учебных занятий. Они составляют важную часть профессиональной подготовки. Состав и содержание предлагаемых практических занятий направлено на реализацию требований ФГОС ВО по направлению подготовки 38.03.01 Экономика

В результате выполнения практических работ закрепляются полученные теоретические знания. Каждое практическое занятие включает разделы: цель занятия; знания и умения; теоретическую и практическую части; контрольные вопросы к занятию.

**Занятие-практикум (лабораторная работа, практическое занятие).** Основная его задача – приобретение умений и навыков практического использования изученного материала. Основной формой их проведения являются работы, на которых студенты самостоятельно упражняются в практическом применении усвоенных теоретических знаний и умений. Главное их отличие состоит в том, что на лабораторных работах доминирующей составляющей является процесс формирования экспериментальных умений, а на практических работах – конструктивных.

После усвоения лекционного материала он будет закрепляться на практических занятиях как в результате обсуждения и анализа лекционного материала, так и с помощью решения проблемных ситуаций, задач. При этих условиях студент не только хорошо усвоит материал, но и научится применять его на практике, а также получит дополнительный стимул (и это очень важно) для активной проработки лекции.

Решение задач надо начинать с наиболее простых, элементарных, а затем переходить к более сложным, обосновывать каждый этап решения, исходя из теоретических положений курса. Если студент видит несколько путей решения проблемы (задачи), то нужно сравнить их и выбрать самый рациональный. Полезно до начала

решения составить краткий план решения проблемы (задачи). Решение следует доводить до окончательного результата, промежуточные преобразования, выкладки и рассуждения выполнять последовательно и аккуратно.

Следует отметить, что учебный эксперимент как метод самостоятельного приобретения знаний студентами, имеет сходство с научным экспериментом.

Основным способом организации деятельности студентов на практикумах является групповая форма работы. При этом каждая группа, из 3–5 человек выполняет, как правило, отличающуюся от других практическую или лабораторную работу.

Средством управления учебной деятельностью студентов является инструкция (методические указания), которая по определенным правилам последовательно устанавливает действия студента.

Иногда недостаточность усвоения того или иного вопроса выясняется только при изучении дальнейшего материала. В этом случае надо вернуться назад и повторить плохо усвоенный материал. Важный критерий усвоения теоретического материала - умение решать задачи или пройти тестирование по пройденному материалу.

### **Вид работы: Подготовка к практическому занятию**

- подберите необходимую учебную и справочную литературу, конспекты,
- освежите в памяти теоретические сведения, полученные на лекциях и в процессе самостоятельной работы,
- определитесь в целях и специфических особенностях практической работы.
- отберите те задачи и упражнения, которые позволят в полной мере реализовать цели и задачи предстоящей работы,
- про решайте задачи, примеры из лекции, учебника,
- ответьте на контрольные вопросы,
- закрепление теоретического материала изучаемой темы необходимо проводить с помощью решения практических задач (работа у доски, индивидуальная работа студентов);
- при рассмотрении тех моментов, которые были определены как сложные, при прохождении тренировочных и тестовых упражнений по теме, необходимо рассмотреть несколько возможных вариантов решения;
- обсуждение полученных результатов.

### **Вид работы: Решение производственной ситуации**

Этап решения ситуации строится в соответствии с примерным планом:

- практический анализ ситуации (действующие лица, обстоятельства), определение проблемы с примерами из задания, доказательствами из теоретического материала, обязательное использование профессиональных терминов. Если есть необходимость проанализировать ошибочные или правильные действия участников (обоснованная личная позиция приветствуется);
- определение проблемных узлов (возможные причины и прогнозируемые последствия развития ситуации);
- обоснованные теоретически и, желательно, подкрепленные практическими примерами предлагаемые варианты действий;
- прогноз вероятностного развития ситуации, обоснованный и доказательный;
- определение гипотезы,
- формулировка решения ситуации;
- формулировка итоговых выводов.

**Семинар** (от латинского *seminarium* «рассадник»; переноси «школа») – составная часть учебного процесса, групповая форма занятий при активном участии студентов, дополняющая лекции. Семинары способствуют углубленному изучению наиболее сложных проблем науки и служат формой подведения итогов самостоятельной работы студентов. На семинарах студенты учатся грамотно излагать проблемы, свободно высказывать свои мысли и суждения, рассматривают ситуации, способствующие развитию профессиональной компетентности. Семинары способствуют развитию познавательных и исследовательских умений, повышению культуры общения, т. е. развитию коммуникативных навыков.

Семинар организовывается:

- при изучении нового материала, когда он доступен для самостоятельного изучения;
- после проведения вводных, установочных и текущих лекций;
- при обобщении и систематизации знаний студентов по изучаемой теме;
- при проведении занятий, посвященных различным методам решения задач, выполнения заданий и упражнений.

Семинар проводится со всей группой. Преподаватель заблаговременно определяет тему, цель и задачи семинара, планирует его проведение, формулирует основные и дополнительные вопросы по теме, распределяет задания между студентами с учетом их индивидуальных особенностей и возможностей, подбирает литературу, проводит индивидуальные консультации, проверяет конспекты. Преподаватель дополняет сообщения студентов, отвечает на возникшие вопросы и дает оценку выступлениям. Подводя итог, отмечает положительное.

Подготовка к семинару зависит от формы, места проведения семинара, конкретных заданий и поручений. Это может быть написание доклада, реферата (с последующим их обсуждением), подготовка презентаций, коллоквиум.

### **Вид работы: Подготовка к семинару**

#### **Этапы подготовки к семинару:**

- проанализируйте тему семинара, подумайте о цели и основных проблемах, вынесенных на обсуждение;
- внимательно прочитайте материал, данный преподавателем по этой теме на лекции;
- изучите рекомендованную литературу, делая при этом конспекты прочитанного или тезисы, которые понадобятся при обсуждении на семинаре;
- постарайтесь сформулировать свое мнение по каждому вопросу и аргументировано его обосновать;
- запишите возникшие во время самостоятельной работы с учебниками и научной литературой вопросы, чтобы затем на семинаре получить на них ответы.

### **1.3 Организация самостоятельной работы**

Самостоятельная работа по дисциплине – это педагогически управляемый процесс самостоятельной деятельности студентов, обеспечивающий реализацию целей и задач по овладению необходимым объемом знаний, умений и навыков, опыта творческой работы и развитию профессиональных интеллектуально-волевых, нравственных качеств будущего бакалавра. Выделяют два вида самостоятельной работы:

- аудиторная работа, выполняется на занятиях под руководством преподавателя и по его заданию;
- внеаудиторная, выполняется студентом по заданию преподавателя, но без его непосредственного участия.

Основные виды аудиторной самостоятельной работы студентов при изучении дисциплины:

- формулировка вопросов студентам, преподавателю;
- выполнение письменных заданий, тестирование;
- выступление с сообщением по новому материалу;
- конспектирование, работа с книгой;
- выполнение самостоятельных работ.

Основные виды внеаудиторной самостоятельной работы студентов при изучении дисциплины:

- работа с учебником;
- конспектирование отдельного вопроса пройденной темы;
- работа со справочной литературой;
- подготовка рефератов и презентаций по темам;
- составление кроссвордов;
- использование Интернета,
- выполнение контрольных работ.

Повышение роли самостоятельной работы студентов при проведении различных видов учебных занятий предполагает оптимизацию методов обучения, внедрение в учебный процесс новых технологий обучения, повышающих производительность труда преподавателя, активное использование информационных технологий, позволяющих студенту в удобное для него время осваивать учебный материал; совершенствование методики проведения практик и научно - исследовательской работы студентов, поскольку именно эти виды учебной работы студентов в первую очередь готовят их к самостоятельному выполнению профессиональных задач; использование знаний, умений и навыков в системе курсового и дипломного проектирования по дисциплинам профессионального направления, которая должна повышать роль студента в подборе материала, поиске путей решения задач.

Для успешной организации самостоятельной работы все активнее применяются разнообразные образовательные ресурсы в сети Интернет: системы тестирования по различным областям, виртуальные лекции, лаборатории. Студент может получать все задания и методические указания через электронную почту, что дает ему возможность привести в соответствие личные возможности с необходимыми для выполнения работ трудозатратами. Студент имеет возможность выполнять работу дома или в аудитории.

Основной формой контроля самостоятельной работы студента являются практические задания, защита презентаций и рефератов на занятиях. Массовой формой контроля являются зачеты, экзамены.

Большое образовательное значение в самостоятельном учебном труде студента имеет самоконтроль. Самоконтроль возбуждает и поддерживает внимание и интерес, повышает активность памяти и мышления, позволяет студенту своевременно обнаружить и устранить допущенные ошибки и недостатки, объективно определить уровень своих знаний, практических умений.

Самое доступное и простое средство самоконтроля с применением информационно-коммуникационных технологий – это ряд тестов, которые позволяют определить свой уровень владения предметным материалом, выявить свои ошибки и получить рекомендации по самосовершенствованию.

Критериями оценки результатов внеаудиторной самостоятельной работы студента являются:

- уровень освоения учебного материала;
- умение использовать теоретические знания и умения при выполнении практических задач;
- уровень сформированности общих и профессиональных компетенций.

## **Памятка педагогу по организации самостоятельной работы студентов**

1. Самостоятельную работу необходимо организовывать во всех звеньях учебного процесса, в том числе и в процессе усвоения нового материала.
2. Студентов необходимо ставить в активную позицию, делать их непосредственными участниками процесса познания.
3. Организация самостоятельной работы должна способствовать развитию мотивации учения.
4. Самостоятельная работа должна носить целенаправленный характер, быть четко сформулированной.
5. Содержание самостоятельной работы должно обеспечивать полный и глубокий комплекс заданий.
6. В ходе самостоятельной работы необходимо обеспечить сочетание репродуктивной и продуктивной учебной деятельности.
7. При организации самостоятельной работы необходимо предусмотреть адекватную обратную связь, т.е. правильно организовать систему контроля.

### **Рекомендации для студентов**

Методика изучения материала (на что необходимо обращать внимание при изучении материала):

1. Первичное чтение одного параграфа темы;
2. Повторное чтение этого же параграфа темы с фиксированием наиболее значительных по содержанию частей;
3. Проработка материала данного параграфа (знать термины и определения);
4. После такого прохождения всех параграфов одной темы, повторное (третий раз) чтение параграфов этой темы с фиксированием наиболее значительных по содержанию частей;
5. Прохождение тренировочных упражнений по теме;
6. Прохождение тестовых упражнений по теме;
7. Возврат к параграфам данной темы для разбора тех моментов, которые были определены как сложные при прохождении тренировочных и тестовых упражнений по теме;
8. После прохождения всех тем раздела, закрепление пройденного материала на основе решения задач.

### **Критерии оценки ответов:**

Оценка «5» (отлично) выставляется в случае полного рассмотрения вопроса, аргументированного выражения своей позиции, отсутствия ошибок, грамотного текста, точность формулировок и т.д.;

Оценка «4» (хорошо) выставляется в случае полного выполнения всего объема работ при наличии несущественных ошибок, не повлиявших на общий результат работы;

Оценка «3» (удовлетворительно) выставляется в случае недостаточно полного рассмотрения проблемы, при наличии ошибок, которые не оказали существенного влияния на окончательный результат;

Оценка «2» (неудовлетворительно) выставляется в случае, если тема не раскрыта, работа выполнена крайне небрежно и т.д.

### **Вид работы: Самостоятельная работа студентов при решении задач**

В процессе изучения математики наряду с некоторыми теоретическими сведениями

студенты овладевают и закрепляют способы решения задач. Преподаватель раскрывает перед студентами технологию решения задачи, показывает, чем мотивировано применение некоторого метода решения, чем обусловлен выбор того или иного пути.

Работа над задачей тоже может быть полностью самостоятельной работой студентов. Она преследует несколько целей:

- продолжить формирование умений самостоятельно изучать текст, который в данном случае представляет собой задачу;
- обучить рассуждениям;
- обучить оформлению решения задач. К тому же студенты будут знать, что у них имеется образец рассуждений и оформления задачи, к которому они могут обратиться при решении другой задачи или при проверке правильности своего решения.

Непременным условием усвоения новых теоретических сведений и овладения новыми приемами решения задач является выполнение студентами тренировочных упражнений. А подготовка студентов к творческому труду и самостоятельному пополнению знаний имеет самостоятельное выполнение заданий. В этом случае студент без помощи должен наметить пути решения, правильно выполнить все построения, преобразования, вычисления и т. п. В таком случае мысль студента работает наиболее интенсивно. Он приобретает практический навык работы в ситуации, с которой ему неоднократно придется сталкиваться в последующей трудовой деятельности.

#### **Форма контроля и критерии оценки**

«Отлично» - задачи решены верно, все действия записаны точно, без пометок.

«Хорошо» - задачи решены верно, в действиях допущены неточности.

«Удовлетворительно» - задачи решены с ошибками и пометками.

«Неудовлетворительно» - задачи решены с ошибками, ответ не получен.

#### **Вид работы: написать реферат на определенную тему**

Реферат как форма самостоятельной учебной деятельности студентов в вузе — это рассуждение на определенную тему на основе обзора литературы (нескольких источников информации), доказательство или опровержение какой-то главной мысли (тезиса), в котором информация нескольких источников используется для аргументации, иллюстрации и т. д. (объем — 10 – 15 страниц).

Цель реферата – приобретение студентом необходимой профессиональной подготовки, развитие умения и навыков самостоятельного научного поиска: изучения литературы по выбранной теме, анализа различных источников и точек зрения, обобщения материала, выделения главного, формулирования выводов. С помощью рефератов студент глубже постигает наиболее сложные проблемы курса, учится лаконично излагать свои мысли, докладывать результаты своего труда и последующего письменного оформления текста.

Изложение материала носит проблемно-тематический характер, показываются различные точки зрения, а также собственные взгляды на проблему. Содержание реферата должно быть логичным.

Перед началом работы над рефератом следует наметить план и подобрать литературу. Прежде всего, следует пользоваться литературой, рекомендованной учебной программой, а затем расширить список источников, включая и использование специальных журналов, где имеется новейшая научная информация.

Задачи реферата: научить студента подбирать список источников, необходимый для осмысления изучаемого вопроса; составлять логически обоснованный план, соответствующий цели и задачам; грамотно и логично излагать основные идеи по заданной теме, делать выводы.

Структура реферата и требования к его элементам:

1. Титульный лист.
2. План.
3. Введение.
4. Основная часть.
5. Заключение.
6. Список используемых источников.
7. Приложение (по необходимости).

Реферат оформляется в соответствии с требованиями к оформлению научных работ.

Основная часть реферата содержит материал, который отобран студентом для рассмотрения проблемы. Материал должен быть обоснованно распределён по разделам. В подаче материала должна соблюдаться логика изложения. Основная часть реферата, помимо почерпнутого из разных источников содержания, также должна включать в себя собственное мнение студента и сформулированные самостоятельные выводы, опирающиеся на приведенные факты. Объём основной части реферата должен составлять 7 – 9 страниц текста.

В заключении формируются выводы, оценки, предложения.

Темы рефератов охватывают дискуссионные вопросы курса. Они призваны отражать передовые научные идеи, обобщать тенденции практической деятельности. Рекомендованная ниже тематика рефератов примерная.

1. Математика и экономика.
2. Использование математических методов в различных отраслях производства.
3. Золотое сечение.
4. Число  $\pi$ .
5. Экспонента и сложные проценты.
6. Жизнь и творчество Эйлера.
7. Звездчатые многогранники. Кристаллы-природные многогранники.
8. Модели многогранников.
9. Теории управления процессами принятия решений.
10. Математические иллюзии

Студент при желании может сам предложить ту или иную тему, предварительно согласовав ее с научным руководителем. Объём реферата - от 10 до 15 машинописных страниц. В списке литературы должно быть не менее 8–10 различных источников. Допускается включение таблиц, графиков, схем, как в основном тексте, так и в качестве приложений.

Этапы подготовки реферата:

- выбор темы;
- подбор учебной, научной и специальной литературы и иных источников изучение;
- составление плана;
- написание текста работы и ее оформление;
- устное изложение реферата, возможно с презентацией.

Процесс написания реферат включает:

1. Прочитайте текст.
2. Составьте его развернутый план.
3. Подумайте, какие части можно сократить так, чтобы содержание было понято правильно и, главное, не исчезло.
4. Объедините близкие по смыслу части.
5. В каждой части выделите главное и второстепенное, которое может быть сокращено при конспектировании.
6. При записи старайтесь сложные предложения заменить простыми.

Тематическое и смысловое единство сообщения выражается в том, что все его компоненты связаны с темой первоисточника. Строго следите за точностью своих выражений и правильностью употребления терминов.

Содержание реферата студент докладывает на семинаре, научной конференции. Рефераты могут быть представлены на теоретических занятиях в виде выступлений.

Предварительно подготовив тезисы доклада, студент в течение 5-7 минут должен кратко сообщить характеризующие задачи работы, ее актуальность, полученные результаты, вывод и предложения. Прежде чем отвечать на дополнительный вопрос, необходимо сначала правильно его понять. При ответе следует соблюдать принцип экономности мышления, а не высказывать без разбора все, что Вы можете сказать.

После доклада автор отвечает на вопросы, затем выступают оппоненты, которые заранее познакомились с текстом реферата, и отмечают его сильные и слабые стороны. На основе обсуждения, студенту выставляется соответствующая оценка.

Будьте доброжелательны и тактичны.

### **Критерии оценки реферата:**

«Отлично» выставляется если выполнено соответствие теме; глубина проработки материала; правильность и полнота использования источников; отражена точка зрения автора на рассматриваемую проблему, владение терминологией и культурой речи; оформление реферата. При защите реферата студент продемонстрировал отличное знание материала работы приводил соответствующие доводы, давал полные развернутые ответы на вопросы и аргументировал их.

«Хорошо» выставляется если выполнено соответствие теме, текст напечатан аккуратно, встречаются небольшие опечатки, полностью раскрыта тема реферата, отражена точка зрения автора на рассматриваемую проблему. При защите реферата студент продемонстрировал хорошее знание материала работы, приводил соответствующие доводы, но не смог дать полные развернутые ответы на вопросы и привести соответствующие аргументы.

«Удовлетворительно» - в случае, когда объем реферата составляет менее 8 страниц, текст напечатан неаккуратно, много опечаток, тема реферата раскрыта не полностью, не отражена точка зрения автора на рассматриваемую проблему, реферат написан с ошибками. При защите реферата студент продемонстрировал слабое знание материала работы, не смог привести соответствующие доводы и аргументировать на свои ответы.

«Неудовлетворительно» - в случае, когда объем реферата составляет менее 5 страниц, текст напечатан неаккуратно, много опечаток, тема реферата не раскрыта, не отражена точка зрения автора на рассматриваемую проблему, много ошибок в построении предложений. При защите реферата студент продемонстрировал слабое знание материала работы, не смог раскрыть тему не отвечал на вопросы.

### **Вид работы: Подготовка доклада**

**Доклад** – это устное выступление на заданную тему на 5-15 минут.

#### **Цели доклада:**

1. Научиться убедительно и кратко излагать свои мысли в устной форме. Эффективно продавать свой интеллектуальный продукт.

2. Донести информацию до слушателя, установить контакт с аудиторией и получить обратную связь.

Важно при подготовке доклада учитывать три его фазы: мотивацию, убеждение, побуждение.

**В первой фазе доклада** рекомендуется использовать:

- риторические вопросы;
- актуальные местные события;



- личные происшествия;
- истории, вызывающие шок;
- цитаты, пословицы;
- возбуждение воображения;
- оптический или акустический эффект;
- неожиданное для слушателей начало доклада.

Как правило, используется один из перечисленных приёмов. Главная цель фазы открытия (мотивации) – привлечь внимание слушателей к докладчику, поэтому длительность её минимальна.

**Ядром** хорошего доклада является информация. Она должна быть новой и понятной. Важно в процессе доклада не только сообщить информацию, но и убедить слушателей в правильности своей точки зрения. Для убеждения следует использовать:

сообщение о себе кто? обоснование необходимости доклада почему? доказательство, кто? когда? где? сколько? пример берём пример с..., сравнение — это так же, как... проблемы что мешает?

**Третья фаза** доклада должна способствовать положительной реакции слушателей. В заключении могут быть использованы: обобщение; прогноз; цитата; пожелания; объявление о продолжении дискуссии; просьба о предложениях по улучшению; благодарность за внимание.

#### **Средства достижения воздействия**

Язык доклада. Короткие предложения. Выделение главных предложений. Выбор слов. Иностранные слова и сокращения. Образность языка. Голос Выразительность. Вариации громкости. Темп речи. Внешнее общение Зрительный контакт. Обратная связь. Доверительность. Жестикуляция.

#### **Примерные темы докладов, рекомендуемых при изучении дисциплины:**

Динамическая модель планирования.

Линейная модель обмена (модель международной торговли).

Экстремум в задачах линейного программирования.

Пример задачи линейного программирования.

#### **Формы контроля и критерии оценок**

«Отлично» выставляется в случае, когда объем доклада составляет 5-6 страниц, полностью раскрыта тема доклада, информация взята из нескольких источников, доклад написан грамотно, без ошибок. При защите доклада студент продемонстрировал отличное знание материала работы, приводил соответствующие доводы, давал полные развернутые ответы на вопросы и аргументировал их.

«Хорошо» выставляется в случае, когда объем доклада составляет 4-5 страниц, текст напечатан аккуратно, в соответствии с требованиями, встречаются небольшие опечатки, полностью раскрыта тема доклада, информация взята из нескольких источников, реферат написан грамотно. При защите доклада студент продемонстрировал хорошее знание материала работы, приводил соответствующие доводы, но не смог дать полные развернутые ответы на вопросы и привести соответствующие аргументы.

«Удовлетворительно» - в случае, когда объем доклада составляет менее 4 страниц, текст напечатан неаккуратно, много опечаток, тема доклада раскрыта не полностью, информация взята из одного источника, реферат написан с ошибками. При защите доклада студент продемонстрировал слабое знание материала работы, не смог привести соответствующие доводы и аргументировать свои ответы.

«Неудовлетворительно» - в случае, когда объем доклада составляет менее 4 страниц, текст напечатан неаккуратно, много опечаток, тема доклада не раскрыта, информация взята из 1 источника, много ошибок в построении предложений. При защите доклада студент продемонстрировал слабое знание материала работы, не смог раскрыть тему не отвечал на вопросы.

## **Вид работы: Подготовить презентацию на тему. Рекомендации по дизайну презентации**

Оформление и демонстрация каждого типа информации подчиняется определенным правилам. Так, например, для текстовой информации важен выбор шрифта, для графической – яркость и насыщенность цвета, для наилучшего их совместного восприятия необходимо оптимальное взаиморасположение на слайде.

Графическая информация рисунки, фотографии, диаграммы призваны дополнить текстовую информацию или передать ее в более наглядном виде;

желательно избегать в презентации рисунков, не несущих смысловой нагрузки, если они не являются частью стилевого оформления;

цвет графических изображений не должен резко контрастировать с общим стилевым оформлением слайда;

иллюстрации рекомендуется сопровождать пояснительным текстом;

если графическое изображение используется в качестве фона, то текст на этом фоне должен быть хорошо читаем.

Оформление слайдов	
Содержание и расположение информационных блоков на слайде	информационных блоков не должно быть слишком много (3-6); рекомендуемый размер одного информационного блока — не более 1/2 размера слайда; желательно присутствие на странице блоков с разнотипной информацией (текст, графики, диаграммы, таблицы, рисунки), дополняющей друг друга; логика предъявления информации на слайдах и в презентации должна соответствовать логике ее изложения.
Стиль	необходимо соблюдать единый стиль оформления; нужно избегать стилей, которые будут отвлекать от самой презентации; вспомогательная информация (управляющие кнопки) не должны преобладать над основной информацией (текст, рисунки)
Фон	для фона выбираются более холодные тона (синий или зеленый)
Использование цвета	на одном слайде рекомендуется использовать не более трех цветов: один для фона, один для заголовков, один для текста; для фона и текста используются контрастные цвета; особое внимание следует обратить на цвет гиперссылок (до и после использования); Черный цвет имеет негативный (мрачный) подтекст. Белый текст на черном фоне читается плохо (инверсия плохо читается).
Анимационные эффекты	Анимационные эффекты используются для привлечения внимания слушателей или для демонстрации динамики развития какого-либо процесса; не стоит злоупотреблять различными анимационными эффектами; анимационные эффекты не должны отвлекать внимание от содержания информации на слайде
Представление информации	
Содержание информации	в тексте ни в коем случае не должно содержаться орфографических ошибок; следует использовать короткие слова и предложения;

	времена глаголов должно быть везде одинаковым; следует использовать минимум предлогов, наречий, прилагательных; заголовки должны привлекать внимание аудитории
Расположение информации на странице	предпочтительно горизонтальное расположение информации; наиболее важная информация должна располагаться в центре экрана; если на слайде располагается картинка, надпись должна располагаться под ней; информационные блоки лучше располагать горизонтально, связанные по смыслу блоки — слева направо;
Шрифты	для заголовков не менее 32 и можно использовать декоративный шрифт; для остальной информации не менее 24; шрифты без засечек (Arial, Tahoma, Verdana), легче читать с большого расстояния; нельзя смешивать разные типы шрифтов в одной презентации; для выделения информации (ключевые слова) следует использовать жирный шрифт, курсив или подчеркивание того же типа; нельзя злоупотреблять прописными буквами (они читаются хуже, чем строчные).
Способы выделения информации	Следует использовать: рамки, границы, заливку разные цвета шрифтов, штриховку, стрелки рисунки, диаграммы, схемы для иллюстрации наиболее важных фактов
Объем информации	не стоит заполнять один слайд слишком большим объемом информации: люди могут одновременно запомнить не более трех фактов, выводов, определений; наибольшая эффективность достигается тогда, когда ключевые пункты отражаются по одному на каждом отдельном слайде.
Виды слайдов	Для обеспечения разнообразия следует использовать разные виды слайдов: с текстом, с таблицами, с диаграммами.
Звук	Звуковое сопровождение должно отражать суть или подчеркивать особенность темы слайда, презентации; необходимо выбрать оптимальную громкость, чтобы звук был слышен всем слушателям, но не был оглушительным (должна не отвлекать внимание слушателей и не заглушать слова докладчика);

После создания презентации и ее оформления, необходимо отрепетировать ее показ и свое выступление, проверить, как будет выглядеть презентация в целом (на экране компьютера или проекционном экране), насколько скоро и адекватно она воспринимается из разных мест аудитории, при разном освещении, шумовом сопровождении, в обстановке, максимально приближенной к реальным условиям выступления.

### **Рекомендации к содержанию презентации**

**По содержанию.** На слайдах презентации не пишется весь тот текст, который произносит докладчик (во-первых, в этом случае сам факт произнесения доклада теряет смысл, так как аудитория обычно умеет читать, а во-вторых, длинный текст на слайде плохо воспринимается и только мешает слушанию и пониманию смысла).

Текст на слайде должен содержать только ключевые фразы (слова), которые докладчик развивает и комментирует устно.

Если презентация является основой устного доклада, то второй слайд должен содержать краткое перечисление всех основных вопросов, которые будут рассмотрены в докладе. Это дисциплинирует докладчика, концентрирует внимание слушателей, а, кроме того, во время создания такого слайда от автора требуется очень четко выделить и

сформулировать ключевые проблемы доклада.

Если презентация имеет характер игры, викторины, или какой-либо другой, который требует активного участия аудитории, то на каждом слайде должен быть текст только одного шага, или эти «шаги» должны появляться на экране постепенно.

**По оформлению.** На первом слайде пишется не только название презентации, но и имена авторов, и дата создания.

Каждая прямая цитата, которую комментирует или даже приводит докладчик размещается на отдельном слайде, обязательно с полной подписью автора (имя и фамилия, инициалы и фамилия, но ни в коем случае – одна фамилия, исключение – псевдонимы). Допустимый вариант – две небольшие цитаты на одну тему на одном слайде, но не больше.

Все схемы и графики должны иметь названия, отражающие их содержание.

На каждом слайде выставляется колонтитул, включающий фамилию автора и/или краткое название презентации и год создания, номер слайда.

В конце презентации представляется список использованных источников, оформленный по правилам библиографического описания.

Правила хорошего тона требуют, чтобы последний слайд содержал выражение благодарности тем, кто прямо или косвенно помогал в работе над презентацией.

Кино и видеоматериалы оформляются титрами, в которых указываются: название фильма (репортажа), год и место выпуска, авторы идеи и сценария, руководитель проекта. Для правильной работы презентации все вложенные файлы (документы, видео, звук и пр.) размещайте в ту же папку, что и презентацию.

### **Форма контроля и критерии оценки**

Презентацию необходимо предоставить преподавателю для проверки в электронном виде.

«Отлично» выставляется в случае, если презентация выполнена аккуратно, примеры проиллюстрированы, полностью освещены все обозначенные вопросы.

«Хорошо» выставляется в случае, если работа содержит небольшие неточности  
«Удовлетворительно» - в случае, если презентация выполнена неаккуратно, не полностью освещены заданные вопросы.

«Неудовлетворительно» - работа выполнена небрежно, не соблюдена структура, отсутствуют иллюстрации.

### **Примерные темы презентаций, рекомендуемых при изучении дисциплины:**

«Здоровый образ жизни. Задача о диете»

«Матричный метод на рынке ценных бумаг»

«Анализ деятельности предприятия и матрицы»

«Экономико – математические методы как средство повышения прибыли предприятия»

«Физический смысл производной. Решение физических задач с применением производной»

«Исследование функций с помощью производной»

«Применение производной при решении задач на нахождение наибольшего и наименьшего значений»

«Использование интеграла для вычисления экономических задач»

«Использование интеграла для нахождения площадей, объемов тел вращения»

### **Вид работы: составить кроссворд по теме**

1. Составьте словник, то есть список (перечень) слов, которые должны войти в кроссворд.

2. Для этого найдите в своем конспекте основные понятия и подчеркните их.
3. Выпишите эти понятия на отдельный лист, желательно в клетку.
4. Подчеркните в них одинаковые повторяющиеся буквы.
5. Расположите слова так, чтобы повторяющиеся буквы одновременно использовались в словах, написанных по вертикали и по горизонтали.
6. Пронумеруйте слова.
7. В соответствии с номерами выпишите определения понятий.
8. Начертите сетку кроссворда (количество клеток должно соответствовать количеству букв в слове).
9. Разметьте сетку кроссворда цифрами (номерами понятий).
10. Оформите кроссворд. Подпишите его.
11. Слова-задания – это существительные в единственном числе, именительном падеже.
12. Слов должно быть достаточно много (как правило, более 20), чтобы как можно полнее охватить всю тему (допустимо использование терминов из других тем и разделов, логически связанных с изучаемой темой).

Оформление кроссворда состоит из трех частей: заданий, кроссворда с решением, того же кроссворда без решения.

1. В общем случае определение должно состоять из одного предложения.
2. Определения должны быть по возможности краткими. Следует избегать перечислений, не злоупотреблять причастными и деепричастными оборотами, не перегружать текст прилагательными. Определение кроссворда - своего рода компромисс между краткостью и содержательностью.
3. Запрещается использование в одной сетке двух и более одинаковых слов, даже с различными определениями.
4. В вопросах следует избегать энциклопедических определений. В целом работа должна быть авторской, а не перепечаткой статей из словаря.
5. Нежелательно начинать формулировку вопроса с цифры, глагола, деепричастия.
6. Запрещается использование однокоренных слов в вопросах и ответах.
7. В работе должна быть изюминка, то есть нечто, отличающее ее от миллионов других.
8. Запрещается помещать слова без пересечений.
9. Не используются слова, которые пишутся через тире и имеющие уменьшительно-ласкательную окраску.

**Форма контроля и критерии оценки:** смысловое содержание; грамотность; выполнение правил составления кроссвордов; эстетичность.

**Критерии оценки:**

Оценка «5» (отлично) выставляется в случае полного выполнения работы, отсутствия ошибок, грамотного текста, точность формулировок и т.д.;

Оценка «4» (хорошо) выставляется в случае полного выполнения всего объема работ при наличии ошибок, не повлиявших на общий результат работы;

Оценка «3» (удовлетворительно) выставляется в случае недостаточно полного выполнения всех разделов работы, при наличии ошибок, которые не оказали существенного влияния на окончательный результат, при очень ограниченном объеме используемых понятий и т.д.;

Оценка «2» (неудовлетворительно) выставляется в случае, если допущены принципиальные ошибки, работа выполнена крайне небрежно и т.д.

## **Методические указания по выполнению исследовательской работы**

### **Цель и порядок выполнения исследовательской работы**

Выполнение исследовательской работы должно способствовать более глубокому изучению соответствующей дисциплины, развитию у студентов навыков научно-

исследовательской работы, самостоятельного мышления, умения письменного изложения логики исследования вопроса. Студент должен научиться в процессе пользоваться общенаучной специальной литературой, критически оценивать мысли авторов, грамотно логично излагать результаты, выводы, обобщения, точно выражать собственные идеи и предложения, применяя при этом творческий подход, нестандартность мышления, научную любознательность, умение литературным и грамотным языком изложить на бумаге свои мысли. Полная самостоятельность студенту дана в подборе научной литературы, публикаций в периодических изданиях, информации в сети Интернет.

Студент может предложить собственную тему исследования, с последующим согласованием его с руководителем работы. Исследовательская работа может отражать современные процессы и быть направлена на конкретный объект исследования, будь то банк, акционерное общество или малое предприятие, но обязательно с показом использования математических методов в будущей профессиональной деятельности. Данные исследования могут быть использованы в дипломном проектировании. Важна возможность получения статистических данных о функционировании выбранного объекта исследования.

Исследовательская работа является результатом самостоятельной разработки студентом конкретных актуальных современных проблем, представляющих практическую значимость. Для ее написания необходимо привлекать как теоретические, так и фактические материалы, которые следует тщательно анализировать для последующего формирования предложений и рекомендаций.

*Теоретический обзор проблемы.* В данном разделе дается краткий анализ различных теоретических концепций, связанных с темой исследования. При этом данный анализ должен носить объективный характер, то есть должна быть дана как позитивная характеристика той или иной концепции, так и ее недостатки, дается их оценка.

*Аналитический раздел.* В этом разделе излагаются практические аспекты рассматриваемой проблемы на конкретном примере или используются собственные опытные данные.

Аналитический раздел должен заканчиваться выводами, в которых обобщено исследование данной темы, отражены недостатки, выявлены проблемы, требующие дальнейшего разрешения.

На протяжении всего исследования студент может получать от руководителя необходимые консультации по всем вопросам исследуемой темы.

Форма защиты исследовательской работы определяется научным руководителем. Это может быть собеседование или публичная защита в виде выступления на 5–10 минут и ответов на вопросы в группе из 3 и более человек.

### **Примерные групповые и/или индивидуальные творческие задания/проекты**

- 1 Математика и литература – два крыла одной культуры.
- 2 Математика в танцах и музыке.
- 3 Математика и здоровый образ жизни.
- 4 Математика в пифагорейской философской школе.
- 5 Эталоны математических пропорций в жизни.
- 6 Математика в архитектуре.
- 7 Математика в экономике.
- 8 Модель Леонтьева. Продуктивные модели Леонтьева.
- 9 Применение модели Леонтьева
- 10 Динамическая модель планирования
- 11 Линейная модель обмена (модель международной торговли)
- 12 Экстремум в задачах линейного программирования
- 13 Пример задачи линейного программирования

### **Оценка работы производится по следующим критериям:**

- а) глубина и полнота раскрытия темы;
- б) логика изложения представленного материала;
- в) формирование собственных взглядов и разработка предложений по данным вопросам.

### **Вид работы: Консультация (урок-консультация).**

На занятиях данного вида проводится целенаправленная работа не только по ликвидации пробелов в знаниях студентов, обобщению и систематизации программного материала, но и по развитию их умений. В зависимости от содержания и назначения выделяются тематические и целевые консультации.

Тематические консультации проводятся по каждой теме, по наиболее значимым или сложным вопросам программного материала. Целевые консультации входят в систему подготовки, проведения и подведения итогов самостоятельных и контрольных работ, зачетов, экзаменов. Это работа над ошибками, анализ результатов контрольной работы или зачета и т. д.

На консультации сочетаются различные формы работы со студентами: общегрупповые, групповые и индивидуальные.

К консультации подготавливаются и преподаватели, и студенты.

Накануне консультации можно предложить студентам домашнее задание: подготовить по изучаемой теме вопросы и задания, с которыми они не могут справиться. Преподаватель обобщает некоторые вопросы, отбирает наиболее значимые, перенося оставшиеся на другие занятия.

### **Формы контроля**

#### **Вид работы. Рубежный контроль (для очной форм обучения)**

Целью проведения рубежного контроля является промежуточная оценка результатов изучения тем и разделов дисциплины.

Критерием положительной оценки рубежного контроля является усвоение студентами 60% изученного материала.

Методы проведения рубежного контроля выбирает преподаватель, оповещая студентов предварительно.

#### **Вид работы: Зачет (урок-зачет).**

Основная его цель – диагностика уровня усвоения знаний и умений каждым студентом на определенном этапе обучения. Положительная оценка за зачет ставится, если студент справился со всеми заданиями, соответствующими уровню обязательной подготовки по изученному предмету. Если хотя бы одно из таких заданий осталось невыполненным, то, как правило, положительная оценка не выставляется. В этом случае зачет подлежит передаче, причем студент может передать не весь зачет целиком, а только те виды заданий, с которыми он не справился.

Студентам предварительно сообщают примерный перечень заданий, выносимых на зачет, т.е. получаем открытый зачет.

#### **Вид работы: экзамен.**

Экзамен является заключительным этапом процесса формирования компетенции студента при изучении дисциплины или ее части и имеет целью проверку и оценку знаний

студентов по теории и применению полученных знаний, умений и навыков при решении практических задач.

Экзамены проводятся по расписанию, сформированному учебным отделом и утвержденному проректором по учебной работе, в сроки, предусмотренные календарным графиком учебного процесса. Расписание экзаменов доводится до сведения студентов не менее чем за две недели до начала экзаменационной сессии.

Экзамены принимаются преподавателями, ведущими лекционные занятия.

Экзамены проводятся в устной форме, в форме тестирования. Экзамен проводится только при предъявлении студентом зачетной книжки и при условии выполнения всех контрольных мероприятий, предусмотренных учебным планом и рабочей программой по изучаемой дисциплине (сведения фиксируются допуском в ведомости). При устном экзамене, студентам на экзамене предоставляется право выбрать один из билетов. Время подготовки к ответу составляет 30 минут. По истечении установленного времени студент должен ответить на вопросы экзаменационного билета.

Подготовка к экзамену способствует закреплению, углублению и обобщению знаний, получаемых, в процессе обучения, а также применению их к решению практических задач. Готовясь к экзамену, студент ликвидирует имеющиеся пробелы в знаниях, углубляет, систематизирует и упорядочивает свои знания. На экзамене студент демонстрирует то, что он приобрел в процессе обучения по конкретной учебной дисциплине.

На консультации перед экзаменом студентов знакомят с основными требованиями, ответят на возникшие у них вопросы. Поэтому посещение консультаций обязательно.

Требования к организации подготовки к экзаменам: важно соблюдать режим дня; наличие хороших собственных конспектов лекций; хороший учебник или конспект литературы, прочитанной по указанию преподавателя в течение семестра. Здесь можно эффективно использовать листы опорных сигналов.

Вначале следует просмотреть весь материал по дисциплине, отметить для себя трудные вопросы. Обязательно в них разобраться. В заключение еще раз целесообразно повторить основные положения, используя при этом листы опорных сигналов.

Систематическая подготовка к занятиям в течение семестра позволит использовать время экзаменационной сессии для систематизации знаний.

#### **Правила подготовки к зачетам и экзаменам:**

– обязательно расположить весь материал согласно экзаменационным вопросам (или вопросам, обсуждаемым на семинарах;

– переосмысление материала, и даже рассмотрение альтернативных идей;

– готовить «шпаргалки» полезно, но пользоваться ими рискованно. Главный смысл подготовки «шпаргалок» – это систематизация и оптимизация знаний по данному предмету – это очень сложная и важная для студента работа, так как у него сформирована общая ориентировка в сложном материале.

– сначала студент должен продемонстрировать, что он «усвоил» все, что требуется по программе обучения, и лишь после этого он вправе высказать иные, желательно аргументированные точки зрения.

Результаты экзамена оцениваются по четырех-балльной системе («отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно») и заносятся в экзаменационную ведомость и зачетную книжку. В зачетную книжку заносятся только положительные оценки.

В случае неявки студента на экзамен в экзаменационной ведомости делается отметка «не явился».

### **1.5 Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине**



Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включают:

- технические средства: компьютерная техника и средства связи (персональные компьютеры, проектор, акустическая система);
- методы обучения с использованием информационных технологий (компьютерное тестирование, демонстрация мультимедийных материалов, компьютерный лабораторный практикум);
- перечень Интернет-сервисов и электронных ресурсов (поисковые системы, электронная почта, профессиональные, тематические чаты и форум, системы аудио и видео конференций, онлайн энциклопедии и справочники; электронные учебные и учебно-методические материалы);
- перечень программного обеспечения:

### **Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы современных информационных технологий**

- Операционная система Microsoft Windows 7 Academic
  - Офисные приложения Microsoft Office 2010 Academic
  - Яндекс-браузер. – Режим доступа: <https://yandex.ru/>
  - Общероссийский математический портал. – Режим доступа: <http://www.mathnet.ru/>
  - Большая российская энциклопедия. - Режим доступа: <https://bigenc.ru/>
  - СПС «КонсультантПлюс». – Режим доступа: <http://www.consultant.ru/>
  - Федеральная служба государственной статистики. – Режим доступа: [http://www.gks.ru/wps/wcm/connect/rosstat\\_main/rosstat/ru/](http://www.gks.ru/wps/wcm/connect/rosstat_main/rosstat/ru/)
- Федеральный образовательный портал. – Режим доступа – <http://www.edu.ru> – «Российское образование» Федеральный портал. Каталог образовательных интернет-ресурсов. Законодательство. Нормативные документы и стандарты // Учебно-методическая библиотека.

### **Образовательные технологии**

Образовательный процесс по дисциплине строится на основе интегральной модели образовательного процесса по дисциплине: контекстное обучение, развивающее и проектное обучение, элементы технологии критического мышления.

Реализация данной модели предполагает использование следующих технологий стратегического уровня (задающих организационные формы взаимодействия субъектов образовательного процесса), осуществляемых с использованием определенных тактических процедур:

- лекционные (вводная лекция, лекция-презентация, проблемная лекция);
- практические (работа в малых группах, игровые методики, использование видеоматериалов);
- активизации творческой деятельности (дискуссия, мозговой штурм, ролевые игры, метод проектов и др.);
- самоуправления (самостоятельная работа студентов, создание глоссария по материалам дисциплины, подготовка презентаций по темам домашних заданий, метод экспертных оценок.

Рекомендуется использование информационных технологий при организации коммуникации со студентами для представления информации, выдачи рекомендаций и консультирования по оперативным вопросам (электронная почта), использование мультимедиа средств при проведении лекционных и семинарских занятий.

### Вывод для студентов

Каждый студент с самого начала занятий должен выработать для себя рациональную систему работы над курсом и постоянно практиковаться в решении задач. В противном случае усвоение и практическое использование учебного материала затруднены. Чрезвычайно важны систематические занятия. Работа урывками не приносит положительных результатов.

## 2 Цели, задачи и требования к результатам дисциплины «Линейная алгебра и математический анализ»

**Целью** освоения дисциплины являются: овладение теоретическими основами дисциплины, приобретение навыков использования универсального понятийного аппарата и широкого арсенала математических приемов при дальнейшем изучении профильных дисциплин.

### Задачи:

- повысить уровень фундаментальной математической подготовки, формируя у студента базовые понятия дисциплины, необходимые для решения теоретических и практических задач математики и экономики;
- изучить общие методы и приемы дисциплины - освоение математического инструментария и подготовка к изучению дальнейших математических и экономических дисциплин;
- развивать навыки логического и алгоритмического математического мышления, и доказательных рассуждений, оперирования с абстрактными объектами.

## 2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к базовой части блока Д «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: *Отсутствуют*

Постреквизиты дисциплины: *Б1.Д.Б.12.2 Теория вероятностей и математическая статистика, Б1.Д.Б.12.3 Методы оптимальных решений*

## 3 Требования к результатам обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения

Код и наименование формируемых компетенций	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций
ПК*-1 Способен осуществлять анализ экономических данных с использованием математических методов и информационных технологий для выработки	ПК*-1-В-1 Использует знания из разделов математики при решении экономических задач	<b>Знать:</b> – основные положения теоретического курса, четко представлять его органическую связь с приложениями в экономике; – основные понятия, категории и инструменты математического анализа и линейной алгебры для решения прикладных экономических задач; – системное представление об основных, в т. ч. последних разработках по анализу экономических ситуаций в современном мире, связанных с математикой, их связь с другими

Код и наименование формируемых компетенций	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций
решений в области профессиональной деятельности		<p>процессами, происходящими в обществе;</p> <p><b>Уметь:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– уметь решать типовые задачи математического анализа и линейной алгебры: предел последовательности, функции и его свойства, непрерывность функции, проводить дифференциальные исчисления функции одной переменной и функции нескольких переменных, использовать понятие производной при решении экономических задач, проводить интегральные расчеты; решать дифференциальные уравнения, исследовать числовые и степенные ряды;</li> <li>– анализировать исходные данные, производить правильную постановку задачи, строить математические модели практических и прикладных задач;</li> <li>– анализировать результаты математических расчетов и обосновывать полученные выводы.</li> </ul> <p><b>Владеть:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– методами математического анализа и линейной алгебры необходимыми в профессиональной деятельности, навыками использования математического инструментария для решения практических задач в области экономики.</li> </ul>

#### 4 Структура и содержание дисциплины

#### 2 Учебно-программный материал, который должен изучить студент по дисциплине «Линейная алгебра и математический анализ»

##### Введение

Предмет и методы математики. Исторические сведения о развитии математики. Роль математики в современных науках.

##### Введение

Предмет и методы математики. Исторические сведения о развитии математики. Роль математики в современных науках.

##### Тема *Матрицы*

*Цель изучения* – познакомить с основными понятиями темы и применением аппарата темы для решения экономических задач.

Данная тема включает в себя:

понятия матрицы, равенство матриц, виды матриц, транспонирование матриц; действия с матрицами (алгебраическая сумма матриц, произведение матрицы на скаляр, произведение матриц, возведение матриц в степень);

понятие определитель матрицы, свойства определителя  $n$ -ого порядка, понятие и метод вычисления минора элемента матрицы, понятие и метод вычисления

алгебраического дополнения элемента матрицы, правила вычисления определителя  $n$ -ого порядка, теорема Лапласа;

понятие обратная матрица, методы вычисления обратной матрицы, решение матричных уравнений;

ранг матрицы, свойства ранга матрицы, методы вычисления ранга матрицы, элементарные преобразования над матрицами.

*Изучив тему, студент должен:*

*Знать:* определения основных понятий, свойства всех операций с матрицами, понятие определитель матрицы, свойства определителя  $n$ -ого порядка, понятие минора элемента матрицы, понятие алгебраического дополнения элемента матрицы, теорему Лапласа; понятие обратная матрица, понятие ранг матрицы, свойства ранга матрицы, элементарные преобразования над матрицами.

*Уметь:* транспонировать матрицы; выполнять действия с матрицами (алгебраическая сумма матриц, произведение матрицы на скаляр, произведение матриц, возведение матриц в степень); вычислять минор элемента матрицы и алгебраическое дополнение элемента матрицы, вычислять определитель  $n$ -ого порядка, применять теорему Лапласа; вычислять обратную матрицу, решать матричные уравнения; находить ранг матрицы, решать задачи, связанные с применением математического аппарата в экономике.

## **Системы линейных уравнений**

**Цель:** - дать основные понятия и определения темы «Системы линейных уравнений»;

- показать основные методы решения систем и отработать умения и навыки решения систем этими методами;

- показать, как проводить исследование систем по теореме Кронекера – Копелли и отработать умения и навыки исследования систем;

- научит решать матричные уравнения.

## **Линейное (векторное) пространство**

**Цель:** - дать основные понятия и определения темы «Линейное (векторное) пространство»;

- показать основные свойства линейного пространства;

- отработать умения и навыки по теме.

## **Операторы. Собственные вектора**

**Цель:** - ввести основные понятия и определения темы

- отработать умения и навыки нахождения собственных значений и векторов

## **Аналитическая геометрия**

### **1 Векторная алгебра**

**Цель изучения** – познакомить с основными понятиями векторной алгебры и применением аппарата векторной алгебры для решения геометрических задач.

**Данная тема включает в себя:**

понятия свободный вектор, равенство, коллинеарность, компланарность векторов; линейные операции с векторами (сумма векторов, произведение вектора на скаляр, разность векторов);

базис в пространстве, координаты вектора в базисе, ортонормированный базис, декартова прямоугольная система координат, координаты точки);

нелинейные операции с векторами (скалярное, векторное, смешанное произведения).

**Изучив тему, студент должен:**

**Знать:** определения основных понятий, свойства всех операций с векторами, выражение всех операций с векторами в координатной форме, условия необходимые и достаточные для: коллинеарности двух векторов, перпендикулярности (ортогональности) двух векторов, компланарности трех векторов.

**Уметь:** решать задачи, связанные с линейными и нелинейными операциями с векторами, приобрести навыки применения аппарата векторной алгебры для решения геометрических задач.

## 2 Геометрия на плоскости и в пространстве

**Цель изучения** – Понять возможность представления геометрических образов в форме уравнений, изучить особенности геометрических образов, соответствующих линейным и квадратным уравнениям в прямоугольной системе координат; познакомиться с полярной системой координат; понять возможность представления поверхностей и линий в форме уравнений и систем уравнений, изучить особенности геометрических образов, соответствующих линейным и квадратным уравнениям в прямоугольной системе координат.

### **Данная тема включает понятия:**

линия соответствующая уравнению  $F(x,y)=0$  в прямоугольной системе координат, линия соответствующая уравнению  $F(r,\varphi)$  в полярной системе координат;

виды уравнения прямой в прямоугольной системе координат (общее уравнение прямой, уравнение прямой с угловым коэффициентом, уравнение прямой в отрезках, нормальное уравнение прямой);

параллельный перенос прямоугольной системы координат;

поверхность соответствующая уравнению  $F(x,y,z)=0$  в прямоугольной системе координат, геометрический обзор, соответствующий системе уравнений;

соответствие линейного уравнения и плоскости;

нормаль вектор плоскости;

нормальное уравнение плоскости;

поверхности второго порядка, соответствующие уравнениям второго порядка в пространственной прямоугольной системе координат.

### **Изучив тему, студент должен:**

**знать:** основные виды уравнения прямой (общего вида, с угловым коэффициентом, в отрезках, нормальное, уравнение прямой заданной параметрически, уравнение прямой проходящей через две точки, уравнения прямой проходящей через точку в заданном направлении) в прямоугольной системе координат геометрический смысл коэффициентов этих уравнений, способ определения угла между прямыми, условия параллельности и перпендикулярности прямых, определения, канонические уравнения и геометрические свойства окружности, эллипса, гиперболы, параболы; изменения вида уравнения линии при параллельном переносе прямоугольной декартовой системы координат, основные два способа задания плоскости в пространстве и вид уравнения плоскости в каждом случае, особенность нормального уравнения плоскости и его применения для вычисления расстояния от точки до плоскости, способ определения угла между плоскостями;

**уметь:** решать геометрические задачи, связанные с прямой и кривыми второго порядка, решать геометрические задачи, связанные с прямой и плоскостью в пространстве.

Приобрести навыки определения формы линии, заданной уравнением в прямоугольной и полярной системах координат, определение формы поверхности, заданной уравнением в прямоугольной и цилиндрической системах координат.

## Комплексные числа

Цель расширить понятие числа.

**Изучив тему, студент должен:**

**знать:** основные формы представления комплексного числа, методы вычисления – сложение, вычитание, умножение, деление, возведение в степень, извлечение корня  $n$  – ой степени.

**уметь:** представлять комплексные числа в алгебраической, тригонометрической и показательной формах, решать уравнения в комплексных числах.

**Приобрести навыки** выполнения действий над комплексными числами, решать уравнения, использовать комплексные числа при решении дифференциальных уравнений математического анализа.

### Введение в анализ

#### 1. Числовые последовательности

В этой теме осваиваются понятия: числовой последовательности, ее предела; свойств последовательностей, числа  $e$ , предел последовательности  $\{(1+1/n)^n\}$ .

*Изучив эту тему, студент должен*

**Знать:** Числовые последовательности и операции над ними. Определения ограниченной и неограниченной последовательности, бесконечно малой и бесконечно большой последовательности. Основные свойства бесконечно малых последовательностей. Понятие сходящейся последовательности. Основные свойства сходящейся последовательности. Последовательность  $\{(1+1/n)^n\}$ . Число  $e$ .

**Уметь:** находить предел числовой последовательности. Определять тип числовой последовательности.

**Владеть:** методами использования данной темы при решении прикладных задач.

2. Понятие функции. Общее понятие функции. Способы задания. Основные элементарные функции и их графики. Элементарные функции. Предел функции. Арифметические операции над функциями, имеющими предел. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их сравнение.

*Изучив данную тему студент должен*

**Знать:** Способы задания функции, примеры. Графики основных элементарных функций. Критерий Коши для существования предела функции. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их сравнение.

**Уметь:** Преобразовывать графики функций (сдвиги, растяжения, симметрические преобразования относительно осей координат). Вычислять пределы функций.

**Владеть:** методами использования данной темы при решении прикладных задач.

#### 3. Непрерывность функции

*Цель изучения данной темы:* освоение понятия непрерывности функции, классификация точек разрыва.

Данная тема включает в себя:

Непрерывность функции в точке и в области. Арифметические операции над непрерывными функциями. Понятие обратной функции, ее непрерывность; монотонные функции. Предельные значения функции  $\frac{\sin x}{x}$  при  $x \rightarrow 0$  и  $(1 + \frac{1}{x})^x$  при  $x \rightarrow \infty$ . Понятие сложной функции. Непрерывность элементарной функции в области ее определения. Точки разрыва функции и их классификация.

*Изучив данную тему, студент должен*

*Знать:* Определение непрерывности функции в точке и в области. Условия непрерывности функции. Условия существования и непрерывности обратной функции. Условия непрерывности сложной функции. Первый и второй замечательные пределы. Классификация точек разрыва функции.

*Уметь:* определять непрерывность функции. Применять замечательные пределы для вычисления пределов функций. Доказывать непрерывность элементарных функций. Проводить классификацию точек разрыва.

*Владеть:* методами использования данной темы при решении прикладных задач.

## **Дифференциальные исчисления**

### **1. Производная и дифференциал функции.**

Цель изучения данной темы – освоение понятия производной и дифференциала, их свойства, геометрического смысла.

Данная тема включает в себя:

Понятие производной. Геометрический и физический смысл производной. Правая и левая производные. Правила дифференцирования. Уравнения касательной и нормали к плоской кривой. Дифференциал функции. Геометрический смысл дифференциала. Производные и дифференциалы высших порядков.

*Изучив данную тему, студент должен*

*Знать:* Определение и геометрический смысл производной. Таблица производных и правила дифференцирования. Методы нахождения касательных и нормалей к плоским кривым. Определение дифференциала и его геометрический смысл. Находить производную произвольной функции. Находить дифференциал от произвольной функции. Находить производные и дифференциалы высших порядков.

*Уметь:* вычислять производные функции одной переменной

*Владеть:* методами использования данной темы при решении прикладных задач.

### **2. Приложение производной.**

Цель изучения данной темы – освоение методов приложения производной и построение графика.

Данная тема включает в себя:

Основные теоремы о непрерывных и дифференцируемых функциях. Правило Лопиталья о раскрытии неопределенностей вида  $\frac{0}{0}, \frac{\infty}{\infty}$ . Формула Тейлора для многочлена и для произвольной функции.

*Изучив данную тему, студент должен*

*Знать:* Теоремы: об обращении в нуль непрерывной функции при смене знака; о прохождении непрерывной функции через любое промежуточное значение; об ограниченности функции, непрерывной на сегменте, о достижении функцией, непрерывной на сегменте, своих точных верхней и нижней граней. Понятие локального экстремума, теорему Ферма (необходимое условие локального экстремума). Теоремы Ролля (о нуле производной); Лагранжа (о конечных приращениях); Коши; формула конечных приращений. Правило Лопиталья раскрытия неопределенностей. Формулу Тейлора.

*Уметь:* применять правило Лопиталья для раскрытия неопределенностей вида  $\frac{0}{0}, \frac{\infty}{\infty}$ . Применять формулу Тейлора для произвольной функции.

*Владеть:* методами использования данной темы при решении прикладных задач.

## **Интегральные исчисления**

### **1. Неопределенный интеграл.**

*Цель изучения данной темы* - знакомство с понятием неопределенного интервала, изучение методов интегрирования.

Данная тема включает в себя:

Понятие первообразной функции и неопределенного интеграла. Основные свойства неопределенного интеграла. Таблицу основных неопределенных интегралов. Методы нахождения неопределенных интегралов.

*Изучив данную тему, студент должен*

*Знать:* Определения первообразной функции и неопределенного интеграла. Основные свойства неопределенного интеграла. Таблицу основных неопределенных интегралов. Методы интегрирования заменой переменной и по частям. Интегрирование правильных рациональных дробей. Интегрирование тригонометрических функций. Интегрирование дробно-линейных иррациональностей.

*Уметь:* использовать таблицу основных неопределенных интегралов. Владеть методами интегрирования заменой переменной и по частям. Раскладывать правильную рациональную дробь на простейшие. Применять тригонометрические подстановки.

*Владеть:* методами использования данной темы при решении прикладных задач.

### **2. Определенный интеграл.**

*Цель изучения этой темы:* понятие определенного интеграла (Римана) и его приложения.

Данная тема включает в себя:

Понятие определенного интеграла, интегральных сумм, их свойств. Верхний и нижний интегралы Дарбу. Теорему о необходимом и достаточном условии интегрируемости в смысле Римана функции на сегменте. Основные свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница вычисления определенного интеграла. Применение определенного интеграла для вычисления: площади плоской фигуры, объемов тел вращения. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования. Несобственные интегралы от неограниченных функций.

*Изучив данную тему, студент должен*

*Знать:* Понятие определенного интеграла. Теоремы о необходимом и достаточном условии интегрируемости функции на сегменте. Основные свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница вычисления определенного интеграла. Формулы замены переменной и интегрирования по частям для определенного интеграла. Несобственные интегралы 1-ого и 2-ого рода.

*Уметь:* вычислять определенный интеграл и использовать определенный интеграл при решении задач.

*Владеть:* методами использования данной темы при решении прикладных задач.

## **Функции нескольких переменных**

*Цель изучения данной темы* – совершенствование математического аппарата, формирование у студентов понятия функции нескольких переменных, отражающего многофакторные зависимости многих, в том числе экономических явлений.

Данная тема включает в себя:

Понятие функции нескольких переменных (фнп). Предел и непрерывность фнп. Частные производные фнп. Дифференциал и дифференцируемость фнп. Геометрический смысл дифференцируемости функции двух переменных, уравнение касательной плоскости. Производная по направлению, градиент. Экстремум фнп, частные производные высших порядков, необходимое и достаточное условие экстремума функции



двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции. Условный экстремум. Прикладные методы исследования фнп. Понятие двойного интеграла.

*Изучив данную тему, студент должен*

*Знать:* Понятие фнп. Определение предела, непрерывности, дифференцируемости. Необходимое и достаточное условие дифференцируемости. Геометрический смысл дифференцируемости функции двух переменных. Понятие частных производных, производных по направлению, градиента, линии уровня. Необходимое и достаточное условие экстремума. Понятие условного экстремума. Понятие двойного и повторного интеграла, геометрический смысл двойного интеграла.

*Уметь и владеть:* привести примеры фнп, применяемых в экономике. Переносить свойства пределов и непрерывности функции в двухмерном пространстве на многомерный случай. Находить частные производные фнп. Составлять уравнения касательной плоскости. Строить градиент и линии уровня функции двух переменных. Исследовать функцию двух переменных на экстремум. Наибольшее и наименьшее значения. Находить точки условного экстремума. Вычислять простейшие двойные интегралы на элементарных множествах. Применять методы множителей Лагранжа для отыскивания условного экстремума и наименьших квадратов для получения эмпирических формул.

## **Дифференциальные уравнения**

*Цель изучения данной темы* ознакомление с дифференциальными уравнениями и методами их решения.

Данная тема включает в себя:

Понятие о дифференциальном уравнении. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными, однородные, линейные, Бернулли. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка. Структура их общего решения. Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами в левой части и специального вида правой частью. Нахождение их общего решения.

*Изучив данную тему, студент должен*

*Знать:* теорему о существовании и единственности решения задачи Коши для дифференциального уравнения. Методы решения дифференциальных уравнений первого порядка: с разделяющимися переменными, однородные, линейные, Бернулли. Методы решения дифференциальных уравнений, допускающих понижение порядка.

*Уметь:* определять порядок и тип уравнения. Решать дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными, однородные, линейные, Бернулли, в полных дифференциалах. Находить общее решение линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка.

*Владеть:* методами использования данной темы при решении прикладных задач.

## **Ряды**

*Цель изучения этой темы* ознакомления с понятиями числовых и функциональных рядов и их применения.

Данная тема включает в себя:

Числовые ряды. Частичные суммы. Сходимость и расходимость числовых рядов. Необходимое условие сходимости числового ряда. Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами: сравнения, Даламбера, Коши, интегральный Коши-Маклорена. Знакопеременные ряды. Знакопеременяющиеся ряды. Абсолютно и условно сходящиеся ряды.

Понятие функционального ряда. Область сходимости. Сумма функционального ряда. Степенные ряды. Радиус и область сходимости. Формулы Даламбера и Коши для нахождения радиуса сходимости. Разложение функции в степенные ряды. Необходимое и достаточное условие разложимости функции в степенной ряд. Разложение элементарных функций в ряд Маклорена.

*Изучив данную тему, студент должен*

*Знать:* Понятие числового ряда, его частичных сумм, сходимости. Необходимый признак сходимости числового ряда. Достаточные признаки: сравнения, Даламбера, Коши, интегральный Коши-Маклорена. Знакопеременные ряды, абсолютную и условную сходимость. Признак Лейбница. Понятие функционального ряда, области его сходимости. Степенные ряды, формулы для нахождения радиуса сходимости. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора.

*Уметь:* исследовать числовой ряд на сходимость применяя различные признаки на сходимость. Исследовать на сходимость знакопеременные ряды. Применять признак Лейбница. Находить область сходимости функционального ряда. Разложить в ряд Тейлора элементарную функцию.

*Владеть:* методами использования данной темы при решении прикладных задач.

### **Варианты вопросов к контролю знаний и самопроверки**

- 1 Матрицы. Виды матриц. Равенство матриц.
  - 2 Матрицы действия над матрицами.
  - 3 Определитель матрицы. Свойства определителей.
  - 4 Транспонирование определителя свойства определителей.
  - 5 Определитель третьего порядка. Способы его вычисления.
  - 6 Разложение определителя третьего порядка по элементам строки (столбца).
- Миноры и алгебраические дополнения.
- 7 Обратная матрица. Алгоритм вычисления обратной матрицы.
  - 8 Решение систем линейных уравнений. Формулы Крамера.
  - 9 Решение систем линейных уравнений. Метод Гаусса.
  - 10 Матричная запись системы линейных уравнений и ее решение.
  - 11 Линейная однородная система  $n$  - уравнений с  $n$  – неизвестными.
  - 12 Матрицы. Ранг матрицы.
  - 13 Система  $m$  -линейных уравнений с  $n$  - переменными. Теорема Кронекера - Капелли.
  - 14 Понятие вектора. Линейные операции над векторами.
  - 15 Проекция вектора на ось.
  - 16 Действия над векторами, заданными своими координатами.
  - 17 Скалярное произведение векторов. Свойства скалярного произведения.
  - 18 Скалярное произведение векторов, заданных своими координатами. Угол между векторами.
  - 19 Линейная зависимость векторов. Базис на плоскости.
  - 20  $n$  – переменный вектор и векторное пространство.
  - 21 Размерность и базис векторного пространства.
  - 22 Переход к новому базису.
  - 23 Эвклидово пространство.
  - 24 Линейные операторы.
  - 25 Собственные векторы и собственные значения линейного оператора.
  - 26 Квадратичные формы.

- 27 Понятие об уравнении линии. Общее уравнение прямой.
- 28 Уравнение прямой, проходящей через две данные точки. Уравнение прямой в отрезках.
- 29 Уравнение прямой, проходящей через данную точку в данном направлении.
- 30 Уравнение прямой, проходящей через точку с заданным угловым коэффициентом.
- 31 Уравнение прямой, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору.
- 32 Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности о двух прямых.
- 33 Плоскость. Уравнение плоскости, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору.
- 34 Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности двух плоскостей.
- 35 Кривые второго порядка. Каноническое уравнение окружности.
- 36 Каноническое уравнение эллипса. Исследование формы эллипса по его уравнению
- 37 Каноническое уравнение гиперболы. Равносторонняя гипербола.
- 38 Каноническое уравнение параболы.
- 39 Поверхности второго порядка.
- 40 Каноническое уравнение эллипсоида.
- 41 Каноническое уравнение параболоида.
- 42 Каноническое уравнение гиперболоида.
- 43 Собственные значения и собственные векторы неотрицательных матриц. Теорема Фробениуса-Перрона.
- 44 Число и вектор Фробениуса, их свойства.
- 45 Продуктивность неотрицательных матриц.
- 46 Модель многоотраслевой, экономики Леонтьева.
- 47 Продуктивные модели Леонтьева.
- 48 Различные критерии продуктивности модели Леонтьева.
- 49 Понятие множества.
- 50 Постоянные и переменные величины. Определение функции. Область определения функции. Способы задания.
- 51 Понятие функции. Основные свойства функции
- 52 Элементарные функции. Классификация функций. Преобразование графиков.
- 53 Числовые последовательности. Классификация последовательностей
- 54 Предел числовой последовательности. Основные теоремы о пределах последовательности.
- 55 Предел функции в точке. Односторонние пределы функции в точке.
- 56 Бесконечно большие и бесконечно малые величины. Связь между бесконечно малыми и бесконечно большими величинами.
- 57 Предел функции в бесконечности.
- 58 Основные теоремы о пределах функции.
- 59 Первые и второй замечательные пределы.
- 60 Раскрытие неопределенностей вида  $0/0$ ,  $\infty/\infty$ ,  $0 \cdot \infty$ ,  $\infty - \infty$ ,  $0^0$ ,  $1^\infty$ ,  $\infty^0$ .
- 61 Непрерывность функции в точке и на интервале. Точки разрыва функции.
- 62 Комплексные числа Исходные определения. Геометрическое изображение комплексных чисел. Комплексная плоскость.
- 63 Основные действия над комплексными числами.
- 64 Возведение комплексного числа в степень.
- 65 Извлечение корня из комплексного числа.
- 66 Показательная и тригонометрическая формы комплексного числа.

67 Задачи, приводящие к понятию производной. Производная функции: ее геометрический и механический смысл.

68 Производная сложной функции. Производная обратной функции. Производная функции, заданной неявно.

69 Производная степенно-показательной функции. Производная функции заданной параметрически.

70 Производные высших порядков. Механический смысл производной второго порядка.

71 Дифференциал функции: его геометрический смысл.

72 Основные теоремы дифференциального исчисления (теорема Ферма).

73 Основные теоремы дифференциального исчисления (теорема Ролля).

74 Основные теоремы дифференциального исчисления (теорема Лагранжа).

75 Правило Лопиталья (применение производной к вычислению пределов).

76 Возрастание и убывание функций. Экстремумы функций

77 Наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке.

78 Выпуклость функции. Точки перегиба.

79 Асимптоты графика функции.

80 Общая схема исследования функций и построения их графиков.

81 Множества в  $n$ -мерном пространстве.

82 Функции нескольких переменных. Геометрическое изображение функции двух переменных.

83 Предел и непрерывность функции нескольких переменных. Свойства непрерывных функций.

84 Дифференцируемость функции нескольких переменных.

85 Частные производные функции нескольких переменных.

86 Дифференциал функции нескольких переменных.

87 Дифференцирование неявных и сложных функций.

88 Производная по направлению. Градиент.

89 Частные производные и дифференциалы высших порядков.

90 Экстремумы функции двух переменных.

91 Наибольшее и наименьшее значение функции нескольких переменных.

92 Неопределенный интеграл, его свойства.

93 Таблица основных интегралов.

94 Интегрирование заменой переменной.

95 Интегрирование по частям.

96 Интегрирование рациональных дробей.

97 Интегрирование тригонометрических функций:  $\int R(\sin x, \cos x) dx$

98 Интегрирование некоторых видов иррациональностей:  $\int R(x, \sqrt[m]{\frac{ax+b}{cx+d}}) dx,$

$\int R(x, \sqrt[m]{ax^2+bx+c}) dx$

99 Определенный интеграл, его свойства. Криволинейная трапеция.

100 Формула Ньютона – Лейбница.

101 Вычисление определенных интегралов способом подстановки и по частям.

102 Приближенное вычисление определенных интегралов.

103 Геометрические приложения определенного интеграла: вычисление площадей фигур, объемов тел.

104 Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования.

105 Несобственные интегралы от неограниченных функций.

106 Несобственные интегралы от разрывных функций.

- 107 Дифференциальные уравнения (общие понятия). Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям.
- 108 Дифференциальные уравнения первого порядка (общие понятия). Изоклины.
- 109 Теорема существования и единственности решения задачи Коши.
- 110 Задачи Коши.
- 111 Дифференциальные уравнения с разделяющимися и разделенными переменными.
- 112 Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.
- 113 Дифференциальные уравнения, приводящиеся к однородным.
- 114 Линейные дифференциальные уравнения первого порядка.
- 115 Уравнение Бернулли.
- 116 Дифференциальные уравнения высших порядков (общие понятия). Задача Коши.
- 117 Понятия о краевых задачах для дифференциальных уравнений. Уравнения, допускающие понижение порядка.
- 118 Теорема о существовании и единственности решения дифференциального уравнения  $n$ -го порядка.
- 119 Дифференциальные уравнения вида  $y^{(n)} = f(x)$ .
- 120 Дифференциальные уравнения второго порядка, приводимые к уравнениям первого порядка.
- 121 Однородные линейные уравнения (определения и общие свойства).
- 122 Однородные линейные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.
- 123 Неоднородные линейные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.
- 124 Понятие числового ряда. Сумма ряда, частичная сумма, остаток ряда,
- 125 Сходимость и расходимость числового ряда.
- 126 Необходимые условия сходимости. Свойства сходящихся рядов.
- 127 Признаки сравнения рядов. Эталонные ряды.
- 128 Ряды с положительными членами. Признак Даламбера и Коши.
- 129 Интегральный признак Коши - Маклорена.
- 130 Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница.
- 131 Абсолютная и условная сходимость.
- 132 Ряды с комплексными членами.
- 133 Функциональные ряды. Степенные ряды. Теорема Абеля.
- 134 Радиус сходимости. Интервал сходимости. Область сходимости.
- 135 Приложение степенных рядов к приближенным вычислениям.
- 136 Ряды Тейлора и Маклорена.
- 137 Разложение в степенной ряд элементарных функций.

### 3 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

#### Основная литература

– Высшая математика для экономистов: учебник [Электронный ресурс] / Н.Ш. Кремер, Б.А. Путко, И.М. Тришин, М.Н. Фридман; ред. Н.Ш. Кремер. - 3-е изд. - Москва: Юнити-Дана, 2015. - 482 с.: граф. - («Золотой фонд российских учебников»). - ISBN 978-5-238-00991-9; - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=1145>

– Ильин, В.А. Линейная алгебра: учебник [Электронный ресурс]. / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. - 6-е изд., стереотип. - Москва: Физматлит, 2010. - 278 с. - ISBN 978-5-9221-0481-4; - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=68974>.

– Балдин, К.В. Высшая математика: учебник / К.В. Балдин, В.Н. Башлыков, А.В. Рокосуев; под общ. ред. К.В. Балдина. - 2-е изд., стер. - Москва: Издательство «Флинта», 2016. - 361 с.: табл., 11 граф., схем. - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-9765-0299-4; - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=79497>.

– Краткий курс высшей математики: учебник [Электронный ресурс]. / К.В. Балдин, Ф.К. Балдин, В.И. Джеффаль и др.; под общ. ред. К.В. Балдина. - 2-е изд. - Москва: Издательско-торговая корпорация «Дашков и К°», 2017. - 512 с.: табл., граф., схем., ил. - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-394-02103-9; - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=450751>

#### Дополнительная литература

– Элементы линейной алгебры: учебное пособие [Электронный ресурс]. / Т.А. Гулай, А.Ф. Долгополова, В.А. Жукова и др. - Ставрополь: Сервисшкола, 2017. - 89 с.: ил. - Библиогр.: с. 86.; - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=485076> – Романников, А.Н. Линейная алгебра: учебное пособие [Электронный ресурс]. / А.Н. Романников. - Москва: Московский государственный университет экономики, статистики и информатики, 2007. - 148 с. - ISBN 5-7764-0356-1; - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=91062>

– Пихтилькова, О. Линейная алгебра и аналитическая геометрия: курс лекций: учебное пособие [Электронный ресурс]. / О. Пихтилькова, С.А. Пихтильков, А. Павленко; Минобрнауки РФ, ФГБОУ ВО «Оренбургский государственный университет». - Оренбург: ОГУ, 2015. - 281 с.: ил. - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-7410-1324-3; - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=485374>

– Чеголин, А.П. Линейная алгебра и аналитическая геометрия: учебное пособие [Электронный ресурс]. / А.П. Чеголин; Минобрнауки РФ, ФГАОУ ВО «Южный федеральный университет». - Ростов-на-Дону: Издательство Южного федерального университета, 2015. - 149 с. - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-9275-1728-2; - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=445132>

– Ганиев, В.С. Математический анализ: учебное пособие [Электронный ресурс]. / В.С. Ганиев, Минобрнауки РФ, ФГБОУ ВРО «Самарский государственный архитектурно-строительный университет». - Самара: Самарский государственный архитектурно-строительный университет, 2013. - Ч. 1. - 172 с.: ил. - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-9585-0487-9; - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=256106>

– Асланов, Р.М. Математический анализ: краткий курс: учебное пособие для студентов высших учебных заведений [Электронный ресурс]. / Р.М. Асланов, О.В. Ли,

Т.Р. Мурадов; Минобрнауки РФ, ФГБОУ ВПО Московский педагогический государственный университет, Международная академия наук педагогического образования. - Москва: Прометей, 2014. - 284 с.: схем., ил., табл. - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-99058886-5-3; - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=426687>

### **Периодические издания**

- Высшее образование в России: журнал. – Москва: Московский госуд. Университет печати им. И. Федорова, 2019, 2020
- Высшее образование сегодня: журнал. – Москва: Логос, 2019, 2020
- Экономист: журнал. – Москва: Издательство Экономист, 2019, 2020

### **Интернет-ресурсы**

- <http://www.biblioclub.ru> – ЭБС «Университетская библиотека он-лайн» / (принадлежность Общество с ограниченной ответственностью «НексМедиа»).
- <http://e.lanbook.com/> – ЭБС «Лань» (принадлежность (Общество с ограниченной ответственностью «ЭБС ЛАНЬ»))
- <http://znanium.com/> – ЭБС научно – издательского центра «ИНФРА-М» (принадлежность Общество с ограниченной ответственностью «НексМедиа»)
- <http://rucont.ru/> – ЭБС Руконт (принадлежность ООО Центральный коллектор библиотек «БИБКОМ», ООО «Агентство «Книга-Сервис»).
- Научная электронная библиотека eLIBRARY <http://elibrary.ru/defaultx.asp> Режим свободного доступа;

#### **Ресурс свободного доступа:**

- <http://www.vilenin.narod.ru/Books/Books.htm> – Математическая библиотека
- <http://www.exponenta.ru> – «Образовательный математический сайт Exponenta.ru».
- <http://www.matclub.ru> – Лекции, примеры решения задач, интегралы и производные, дифференцирование, ТФКП, Электронные учебники. Типовой расчет из задачника Кузнецова.
- <http://www.mathelp.spb.ru> – «Высшая математика» (помощь студентам) – Лекции, электронные учебники, решение контрольных работ.

### **Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

- Операционная система Microsoft Windows 7 Academic
- Офисные приложения Microsoft Office 2010 Academic
- Яндекс-браузер. – Режим доступа: <https://yandex.ru/>
- Общероссийский математический портал. – Режим доступа: <http://www.mathnet.ru/>
- Большая российская энциклопедия. - Режим доступа: <https://bigenc.ru/>
- СПС «КонсультантПлюс». – Режим доступа: <http://www.consultant.ru/>
- Федеральная служба государственной статистики. – Режим доступа: [http://www.gks.ru/wps/wcm/connect/rosstat\\_main/rosstat/ru/](http://www.gks.ru/wps/wcm/connect/rosstat_main/rosstat/ru/)
- Федеральный образовательный портал. – Режим доступа – <http://www.edu.ru>
- «Российское образование» Федеральный портал. Каталог образовательных интернет-ресурсов. Законодательство. Нормативные документы и стандарты // Учебно-методическая библиотека.